







ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI

CONCURSUL JUDEȚEAN

„MATEMATICA-REGINA ȘTIINȚELOR”

EDIȚIA 2025

CLASA a II-a



NUMELE \_\_\_\_\_

PRENUMELE \_\_\_\_\_

ȘCOALA \_\_\_\_\_

LOCALITATEA \_\_\_\_\_

### Varianta 1

Toate subiectele sunt obligatorii și se rezolvă pe aceste foi. Timpul efectiv de lucru este 120 de minute. Se acordă 10 puncte din oficiu. Mult succes! 😊

### Partea I (50 de puncte)

Încercuiește răspunsul corect.

1. Îndoitul succesivului lui 9 este:

- A. 10      B. 5      C. 20      D. 3

2. Numărul care are produsul cifrelor 36 este:

- A. 419      B. 904      C. 983      D. 306

3. Irina se gândește la un număr. După ce îl scade din cel mai mic număr impar, mai mare decât 40, obține cel mai mic număr par format din două cifre diferite. La ce număr s-a gândit Irina?

- A. 13      B. 31      C. 32      D. 23

4. Din cele 90 de baloane, Ana oferă celor trei prietene ale sale câte 9 baloane, iar lui Mihai îi oferă cu 17 mai multe decât le oferă prietenelor. Cu câte baloane rămâne Ana?

- A. 46      B. 19      C. 44      D. 64

5. Ema are 31 de ani și este cu 19 ani mai mare decât sora sa, Elena. Câți ani aveau împreună cele două surori cu 3 ani în urmă?

- A. 37      B. 78      C. 73      D. 70

6. Ce număr se adună la suma vecinilor lui 499, pentru a obține predecesorul celui mai mare număr de trei cifre identice?

- A. 2      B. 1      C. 5      D. 0

7. Diferența a două numere naturale este rezultatul exercițiului:  $2x4 + 3x6 + 2x0x5 - 2x6$ . Dacă scăzătorul este 379, descăzătorul este:

- A. 393      B. 403      C. 390      D. 413

8. George a rezolvat un număr de probleme. Dacă ar mai rezolva încă 18, ar mai avea de rezolvat încă 28 până la 100 de probleme, câte și-a propus să rezolve. George a rezolvat:

- A. 100      B. 62      C. 118      D. 54

9. Angela are 67 de creioane. A primit de la prietena sa, Maria, cu 33 de creioane mai multe. Acum, Angela are:

- A. 100      B. 167      C. 101      D. 133

10. Știind că a este cu 7 mai mic decât succesivul lui 99, b este răsturnatul lui a, iar c este cu 3 mai mare decât b, rezultatul calculului  $a + b - c$  este:

- A. 90      B. 88      C. 100      D. 89









ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI

CONCURSUL JUDEȚEAN  
„MATEMATICA-REGINA  
ȘTIINȚELOR”

EDIȚIA 2025  
CLASA a IV-a



NUMELE \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
PRENUMELE \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
ȘCOALA \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_  
LOCALITATEA \_\_\_\_\_

Varianta 1

Toate subiectele sunt obligatorii și se rezolvă pe aceste foi. Timpul efectiv de lucru este 120 de minute. Se acordă 10 puncte din oficiu. Mult succes! 😊

Partea I (50 de puncte)

Încercuiește răspunsul corect.

- O găină face 2 ouă în 3 zile. Câte găini fac 72 de ouă în 9 zile?  
A) 36                      B) 324                      C) 24                      D) 12
- Trei persoane au vârstele exprimate prin numere naturale consecutive de 2 cifre, care au cifrele alese dintre cifrele numărului 2013. Aflați cea mai mare sumă posibilă a vârstelor celor 3 persoane.  
A) 36                      B) 66                      C) 93                      D) 96
- În figura alăturată avem 4 pătrate mici și un pătrat mare. Completați figura, astfel încât pe fiecare linie sau coloană a pătratului mare, dar și în interiorul fiecărui pătrat mic să avem toate numerele de la 1 la 4. Care este numărul **a**?  
A) 4                      B) 2                      C) 1                      D) 3
- Tatăl are vârsta de 30 de ani, iar copiii săi au vârstele de 1, 4 și 7 ani. Peste câți ani suma vârstelor copiilor este egală cu vârsta tatălui?  
A) 18                      B) 6                      C) 9                      D) 12
- Un șofer de tir parcurge un drum între două țări în 3 zile. În prima zi parcurge un sfert din distanță, a doua zi parcurge jumătate din distanța rămasă, iar a treia zi restul de 1002 km. Care este distanța totală pe care a parcurs-o șoferul?  
A) 1336                      B) 3006                      C) 2672                      D) 4008
- Suma a trei numere naturale este 91. Împărțind primul număr la al doilea se obține câtul 5 și restul 3, iar al doilea număr este jumătate din ultimul număr. Care este doimea diferenței dintre primul și ultimul număr?  
A) 18                      B) 72                      C) 36                      D) 58
- În luna iunie a unui an, trei sâmbete au fost în zile impare. Atunci 9 iunie a fost:  
A) vineri                      B) duminică                      C) miercuri                      D) marți
- Care este îndoitul numărului „a” din următoarea relație?  
 $1000 - 4 \times [100 - 3 \times (2 \times a - 5) : 9] \times 2 = 240$   
A) 10                      B) 20                      C) 85                      D) 170
- Calculează  $a \times b \times (c + d)$ , știind că  $a \times c + a \times d = 7030$ ,  $b \times (c + d) = 27417$ , iar  $b$  este 39. Care este treimea rezultatului obținut?  
A) 822510                      B) 9490                      C) 85410                      D) 91390
- Am vizitat Grădina Zoologică. Am văzut urșii, tigrii, lupii și vulpile, dar nu în această ordine. În prima cușcă animalele dormeau și erau urși sau vulpi. În a doua cușcă nu erau lupi și nici tigri. În a treia cușcă animalele se uitau în altă parte, nu la mine. În a patra cușcă nu erau vulpi și nici urși. Vulpile nu dormeau. Lupii se uitau la mine. În ce ordine am vizitat animalele?  
A) vulpi, urși, lupi, tigri    B) urși, vulpi, lupi, tigri    C) urși, vulpi, tigri, lupi    D) vulpi, urși, tigri, lupi

1		2	
2			3
	1	a	
4			1





ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI

CONCURSUL JUDEȚEAN  
„MATEMATICA-REGINA ȘTIINȚELOR”

EDIȚIA 2025

CLASA a V-a



NUMELE \_\_\_\_\_

PRENUMELE \_\_\_\_\_

ȘCOALA \_\_\_\_\_

LOCALITATEA \_\_\_\_\_

VARIANTA 1

Toate subiectele sunt obligatorii și se rezolvă pe foaia de evaluare.  
Timpul efectiv de lucru este 120 de minute.

Se acordă 10 puncte din oficiu. Mult succes! 😊

SUBIECTUL I

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

(30 de puncte)

5p	1. Suma numerelor prime de o cifră este: a) 10 b) 17 c) 6 d) 45
5p	2. Cel mai mare număr care împărțit la 9 dă câtul 10 este: a) 90 b) 91 c) 98 d) 99
5p	3. Suma divizorilor improprii ai numărului 12 este: a) 13 b) 15 c) 28 d) 12
5p	4. Al 2025 – lea termen al șirului: 1, 4, 7, 10, ... este: a) 2025 b) 4050 c) 6075 d) 6073

5p	5. Cel mai mic număr natural par de patru cifre distincte este egal cu: a) 1234 b) 1000 c) 1024 d) 1002
5p	6. Maria afirmă că numărul $5^{38} + 5^{19}$ este pătrat perfect. Afirmăția Mariei este: a) adevărată b) falsă

**SUBIECTUL al II-lea**

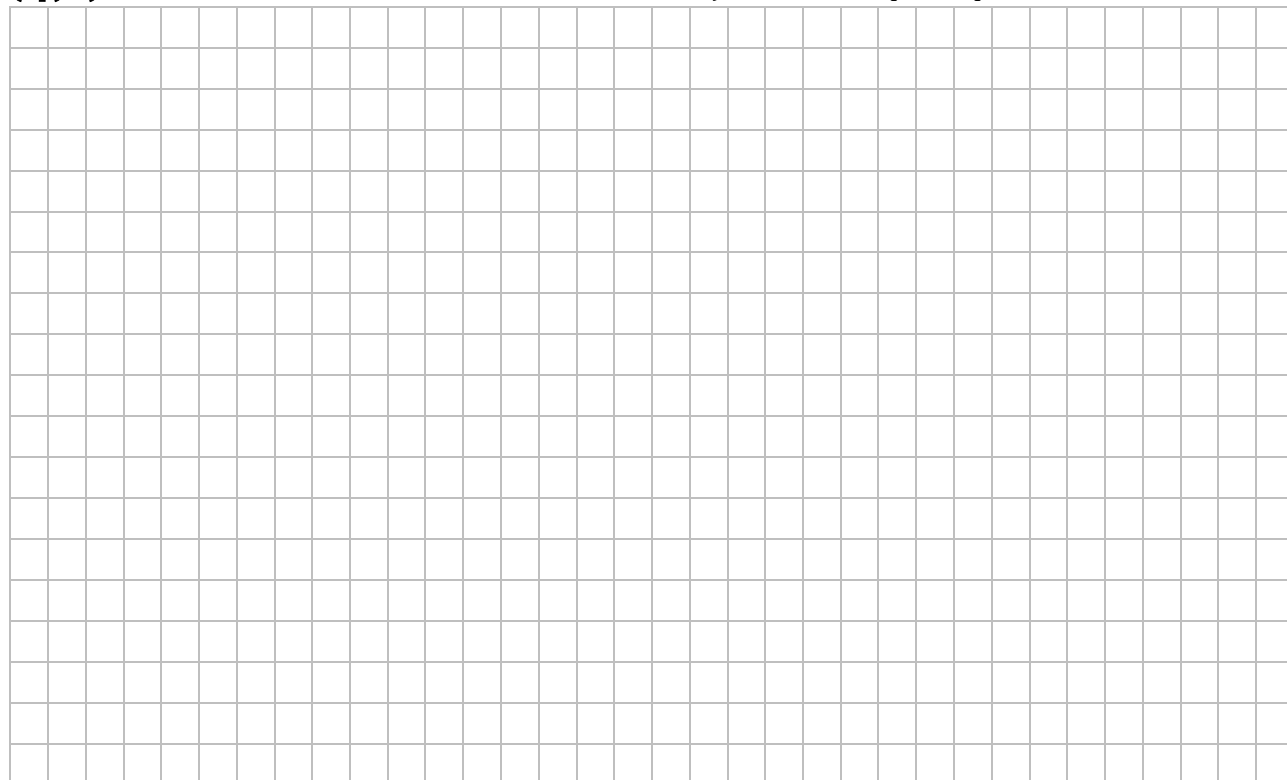
*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

**(30 de puncte)**

5p	1. Numărul numerelor de două cifre, multiplii ai lui 7 este: a) 11 b) 12 c) 13 d) 14
5p	2. Suma cifrelor numărului $(2^{100} + 2^{101}) \cdot (5^{100} + 5^{101})$ este egală cu: a) 6 b) 18 c) 45 d) 9
5p	3. Produsul primelor 99 de numere prime impare are ultima cifră egală cu: a) 1 b) 3 c) 9 d) 5
5p	4. Diferența dintre cel mai mare număr prim de două cifre și cel mai mic număr prim de o cifră este: a) 95 b) 96 c) 97 d) 98
5p	5. Cel mai mic număr nenul divizibil cu 6 și cu 8 este: a) 1 b) 24 c) 48 d) 0
5p	6. Cel mai mare număr de trei cifre distincte, divizibil cu 4 este: a) 996 b) 984 c) 986 d) 988

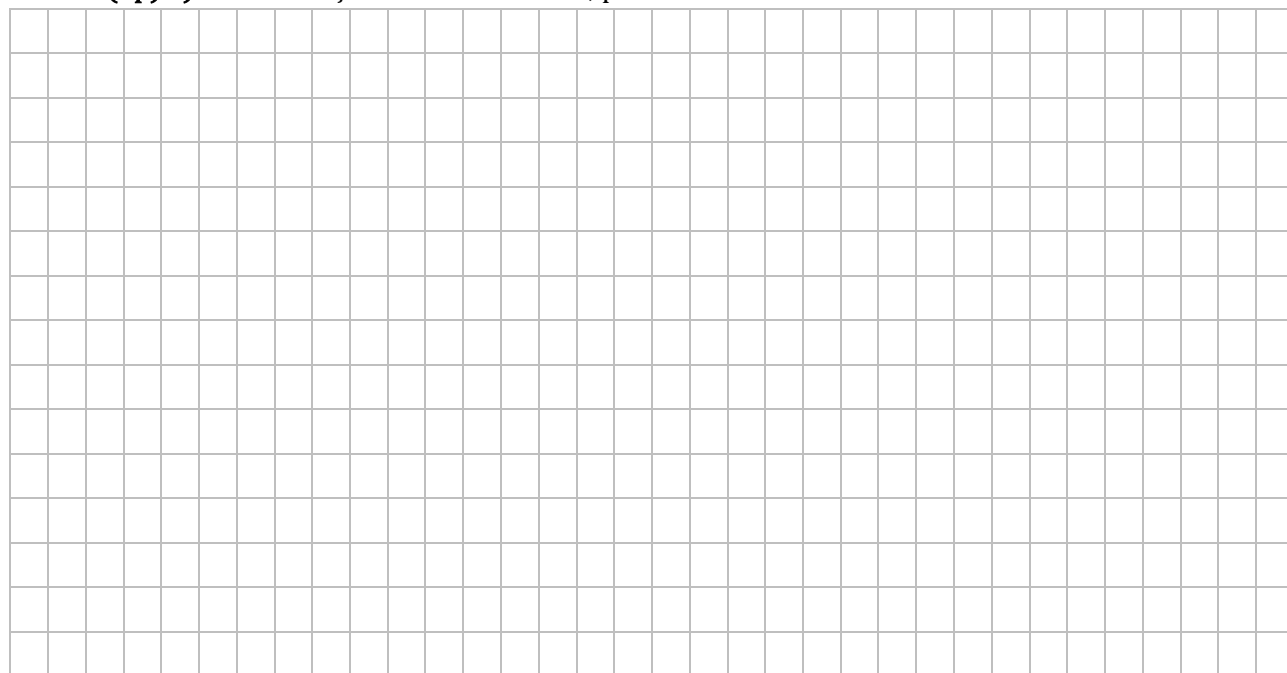
5p	<p>1.</p> <p>(2p) a) Să se afle numărul <math>\overline{abc}</math> astfel încât <math>\overline{abc0} + \overline{abc} = 2057</math>.</p> <p>(3p) b) Aflați numerele de forma <math>\overline{abc}</math>, cu cifre distincte, știind că <math>8a + b + c = 24</math>.</p>
5p	<p>2. (2p) a) Arătați că <math>3^{22} + 4^{16} \cdot 2 - 2^{33}</math> este pătrat perfect.</p>

**(3p) b)** Fie  $a = 1 + 3 + 3^2 + 3^3 + 3^4 + \dots + 3^{2022}$ . Arătați că  $a$  nu este pătrat perfect.

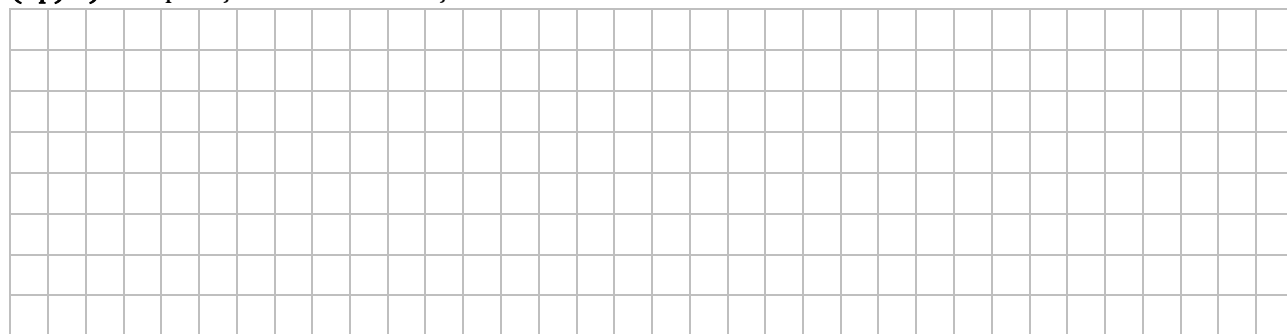


**5p**

**3. (2p) a)** Determinați numărul natural  $n$ , pentru care  $3^2 \cdot 3^4 \cdot 3^6 \cdot \dots \cdot 3^{50} = 9^n$ .



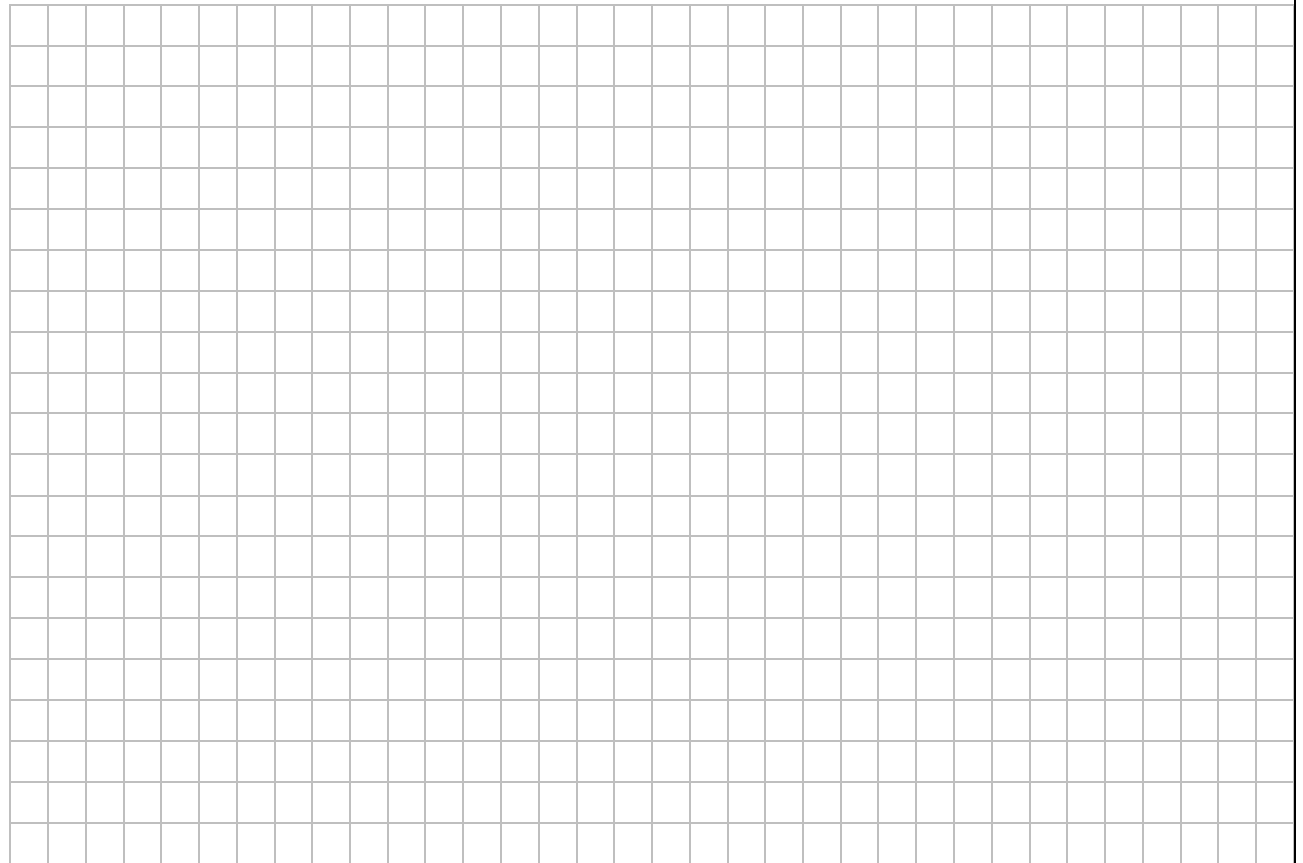
**(3p) b)** Comparați numerele  $10^{70}$  și  $5^{100}$ .



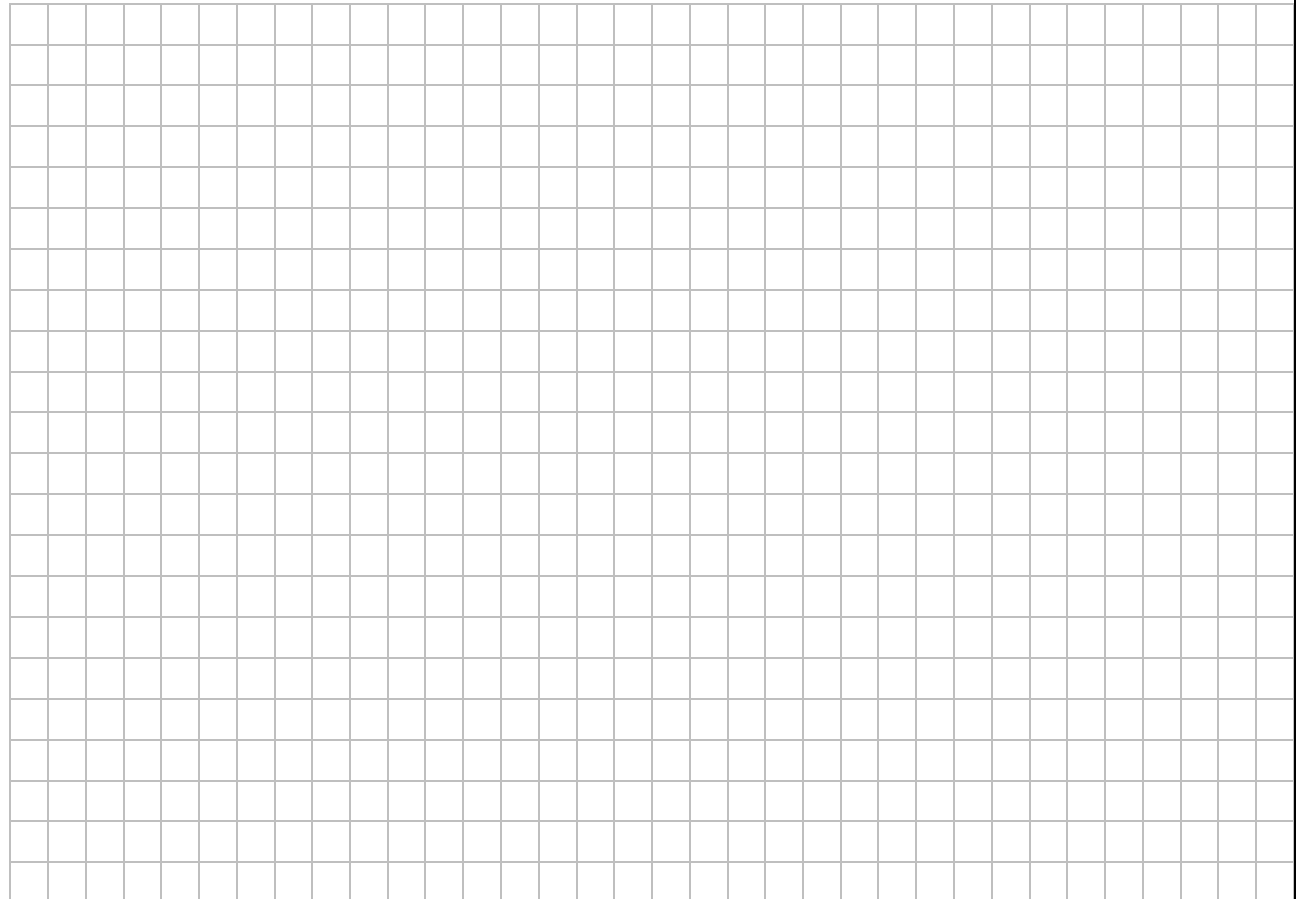
5p

4.

(2p) a) Aflați restul împărțirii numărului  $a = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot 2018 + 2019$  la 2020.



(3p) b) Determinați numerele de forma  $\overline{ab}$  pentru care  $15 \cdot \overline{ab}$  este pătrat perfect.





(3p) b) Aflați numărul elevilor din clasă.

**Verifică toate răspunsurile și apoi poți preda lucrarea!**

Matematica va fi limba latină a viitorului, obligatorie pentru toți oamenii de știință. Tocmai pentru că matematica permite accelerarea maximă a circulației ideilor științifice.

*Grigore Moisil*





ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI

CONCURSUL JUDEȚEAN  
„MATEMATICA-REGINA ȘTIINȚELOR”

EDIȚIA 2025  
CLASA a VI-a



NUMELE \_\_\_\_\_

PRENUMELE \_\_\_\_\_

ȘCOALA \_\_\_\_\_

LOCALITATEA \_\_\_\_\_

VARIANTA 1

Toate subiectele sunt obligatorii și se rezolvă pe foaia de evaluare.  
Timpul efectiv de lucru este 120 de minute.

Se acordă 10 puncte din oficiu. Mult succes! 😊

SUBIECTUL I

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

(30 de puncte)

5p	1. După o mărire cu 20 lei, un obiect costă 400 lei. Procentul cu care trebuie scăzut prețul pentru a aduce obiectul la prețul inițial este: a) 5% b) 20% c) 10% d) 15%
5p	2. Dacă lângă un număr $N$ de trei cifre adăugăm în dreapta același număr, atunci numărul $N$ se mărește de: a) 1001 ori b) 101 ori c) 1000 ori d) 100 ori
5p	3. Suma cifrelor numărului $N = 9 + 99 + \dots + \underbrace{99 \dots 9}_{2025}$ este: a) 2043 b) 2025 c) 4048 d) 2026
5p	4. Dacă $n$ este cel mai mare număr natural de patru cifre care, împărțit la 101, dă restul cu 3 mai mare decât dublul câtului, atunci suma cifrelor lui $n$ este: a) 23 b) 24 c) 25 d) 26

5p	5. Dacă $a, b, c \in \mathbb{N}^*$ , $a \cdot b = 144$ , $b \cdot c = 240$ , $a \cdot c = 60$ , atunci valoarea sumei $S = 2a + 2b + 3c$ este: a) 89 b) 90 c) 91 d) 45
5p	6. Cardinalul mulțimii $A = \{n \in \mathbb{N}   (5n + 7) \div (2n + 1)\}$ este: a) 0 b) 2 c) 3 d) 1

**SUBIECTUL al II-lea**

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

**(30 de puncte)**

5p	1. Triplul lungimii unui segment este mai mare cu 30 cm decât jumătatea lungimii sale. Lungimea segmentului este: a) 10 cm b) 20 cm c) 12 cm d) 14 cm
5p	2. În jurul punctului $O$ sunt desenate unghiurile cu măsurile $2^\circ, 4^\circ, 6^\circ, \dots, 16^\circ, 2^\circ, 4^\circ, 6^\circ, \dots, 16^\circ$ și așa mai departe. Câte unghiuri sunt desenate în jurul punctului $O$ ? a) 30 b) 40 c) 25 d) 50
5p	3. Dacă două unghiuri sunt complementare, iar $\frac{4}{9}$ din măsura unuia este dublul a $\frac{2}{3}$ din măsura celuilalt, atunci măsura unghiului mare este egală cu: a) $25^\circ$ b) $67^\circ 30'$ c) $22^\circ 30'$ d) $70^\circ$
5p	4. În figura alăturată dreptele $a$ și $b$ sunt paralele, $m(\sphericalangle A) = 45^\circ$ , $m(\sphericalangle B) = 30^\circ$ și $BM \cap a = \{N\}$ . Măsura unghiului $AMN$ este egală cu: a) $75^\circ$ b) $100^\circ$ c) $105^\circ$ d) $115^\circ$
5p	5. Dacă numărul segmentelor determinate de $n$ puncte coliniare și un punct necolinar cu ele este 55, atunci $n$ este egal cu: a) 10 b) 8 c) 11 d) 9
5p	6. Dacă $\sphericalangle AOB$ , $\sphericalangle BOC$ și $\sphericalangle COA$ sunt unghiuri formate în jurul punctului $O$ , astfel încât $m(\sphericalangle AOB) = 2x + 50^\circ$ , $m(\sphericalangle BOC) = 6x$ și $m(\sphericalangle COA) = x + 40^\circ$ , atunci valoarea lui $x$ este egală cu: a) $60^\circ$

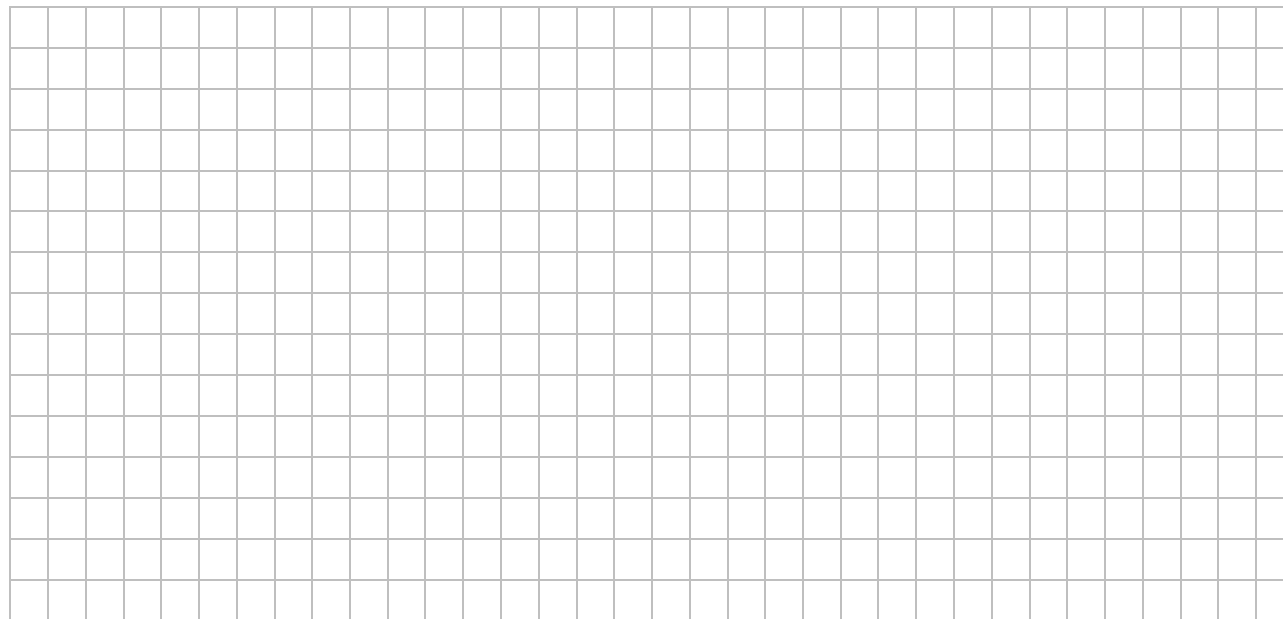


(3p) b) Determinați numerele naturale  $a, b, c$  dacă  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{17}{140}$ .


5p 3. Se consideră mulțimile:  $A = \{x \in \mathbb{N}^* | 2x + 4 \leq 13\}$  și  $B = \{y \in \mathbb{N} | 2^3 < 3^y < 2^7\}$ .  
(2p) a) Determinați  $(A - B) \cup (B - A)$ .

(3p) b) Precizați numărul submulțimilor lui  $A$ .

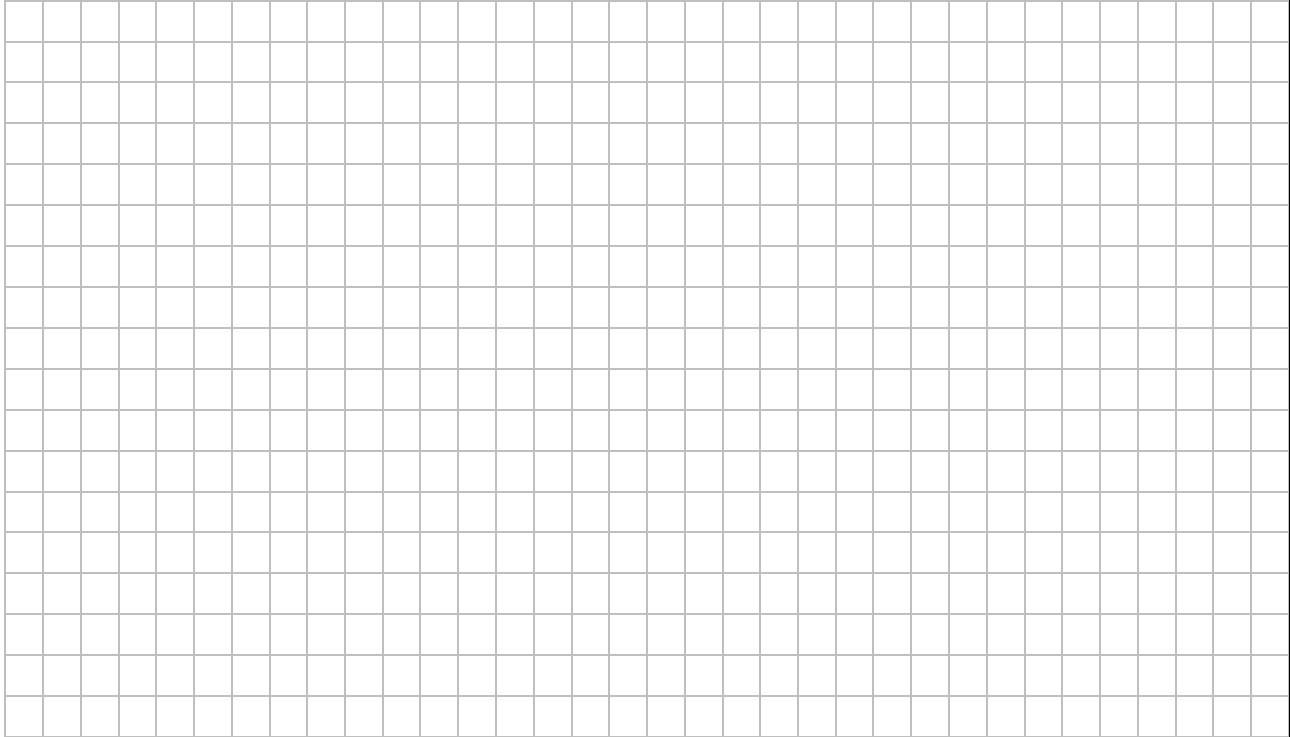
**5p** 4. Punctele  $A, B, C$  și  $D$  sunt coliniare în această ordine, astfel încât  $4 \cdot AB + 2 \cdot BC - 5 \cdot CD = 10 \text{ cm}$ ,  $3 \cdot AB = 4 \cdot CD$ , iar  $MN = 2 \text{ cm}$ . Punctele  $M$  și  $N$  sunt mijloacele segmentelor  $AB$ , respectiv  $AC$ .  
**(2p) a)** Determinați lungimea segmentului  $BC$ .



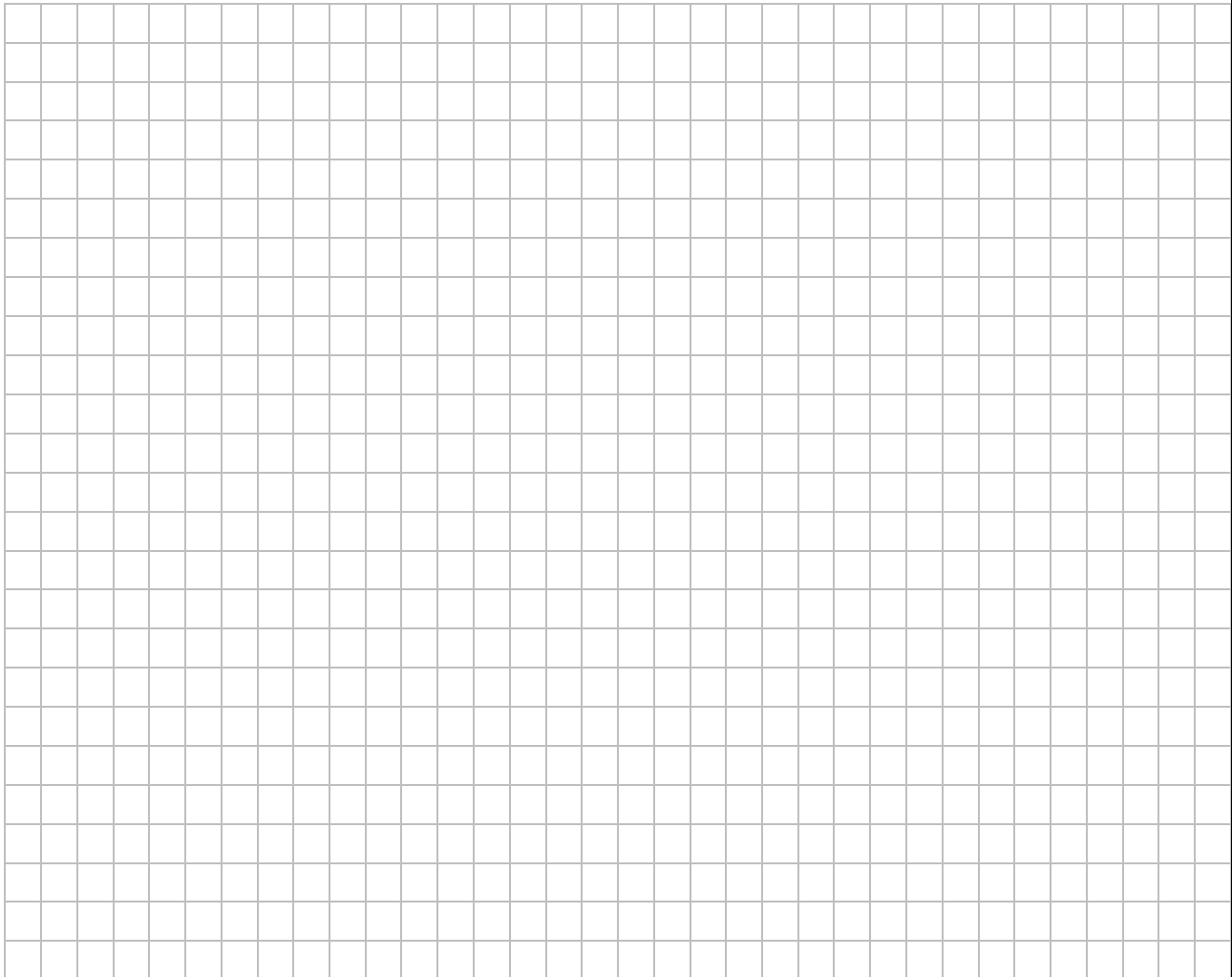
**(3p) b)** Calculați lungimea segmentului  $AD$ .



**5p** 5. Fie cercul  $\mathcal{C}(O, r)$  cu diametru  $AB$  și  $M \in \mathcal{C}(O, r)$ , astfel încât  $\sphericalangle AOM = x^\circ$  și  $\sphericalangle MOB = 3x^\circ + 4^\circ$ .  
**(2p) a)** Calculați măsurile arcelor mici  $AM$  și  $MB$ .



**(3p) b)** Dacă  $(ON$  este bisectoarea unghiului  $\sphericalangle MOB$ ,  $N \in \mathcal{C}(O, r)$ , iar  $(OP$  este semidreapta opusă semidreptei  $(ON$ ,  $P \in \mathcal{C}(O, r)$ , aflați măsura unghiului  $\sphericalangle POB$ .







ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI

CONCURSUL JUDEȚEAN  
„MATEMATICA-REGINA ȘTIINȚELOR”

EDIȚIA 2025  
CLASA a VII-a



NUMELE \_\_\_\_\_

PRENUMELE \_\_\_\_\_

ȘCOALA \_\_\_\_\_

LOCALITATEA \_\_\_\_\_

VARIANTA 1

Toate subiectele sunt obligatorii și se rezolvă pe foaia de evaluare.  
Timpul efectiv de lucru este 120 de minute.

Se acordă 10 puncte din oficiu. Mult succes! 😊

SUBIECTUL I

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

(30 de puncte)

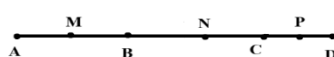
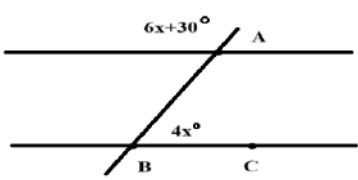
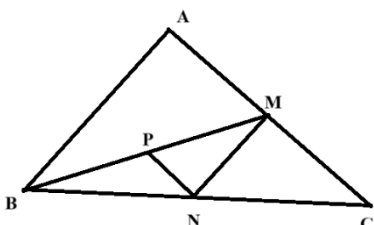
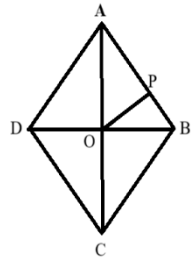
5p	1. Dacă $a = \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{6}} + \frac{\sqrt{4}-\sqrt{3}}{\sqrt{12}} + \frac{\sqrt{5}-\sqrt{4}}{\sqrt{20}}$ , atunci $a \cdot (5 + \sqrt{5})$ este egal cu: a) 4 b) 3 c) 0 d) 1
5p	2. Determinați valoarea raportului: $\frac{17a-7b}{7a+3b}$ , știind că $\frac{2a-b}{a+3b} = \frac{1}{2}$ a) $\frac{16}{11}$ b) 1 c) $\frac{6}{13}$ d) 4
5p	3. Determinați elementele mulțimii $M = \left\{n \in \mathbb{Z} / \frac{5n-1}{n+1} \in \mathbb{Z}\right\}$ este: a) $\{0,1,2,5\}$ b) $\{-7, -4, -3, -2,0,1,2,5\}$ c) $\{-6, -3, -2\}$ d) $\{1,2,3\}$
5p	4. Dacă $a = \sqrt{19 - \sqrt{37}} - \sqrt{19 + \sqrt{37}}$ calculați valoarea lui $(a + \sqrt{2})^{2024}$ : a) -1 b) $2^{2012}$ c) 1 d) 0

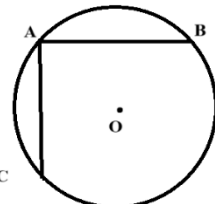
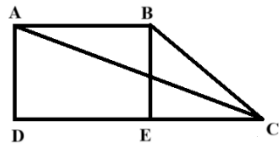
5p	5. Suma pătratelor soluțiilor ecuației $  x - 2  - 3  = 2$ este: a) 50 b) 68 c) 58 d) 10
5p	6. Restul împărțirii lui $N = \overline{ab51} + 2\overline{ab} + \overline{ab} + 5$ la 51 este: a) 1 b) 12 c) 50 d) 2

**SUBIECTUL al II-lea**

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

**(30 de puncte)**

5p	1. În figura alăturată sunt reprezentate punctele coliniare $A, B, C$ și $D$ , în această ordine. Dacă $M, N, P$ sunt mijloacele segmentelor $AB, BC, CD$ și $MN=9\text{cm}$ , $NP=7\text{cm}$ , $AB+CD=16\text{cm}$ , care este lungimea segmentului $AD$ . a) 12 cm b) 24 cm c) 33 cm d) 25 cm	
5p	2. În figura alăturată, dreptele $a$ și $b$ sunt paralele. Măsura unghiului $\widehat{ABC}$ este egală cu: a) $15^\circ$ b) $60^\circ$ c) $80^\circ$ d) $75^\circ$	
5p	3. În figura alăturată este reprezentat un triunghi $\triangle ABC$ cu $M$ mijlocul laturii $AC$ , $N$ mijlocul laturii $BC$ și $P$ mijlocul laturii $BM$ . Știind că aria triunghiului $\triangle PMN$ este $16\text{ cm}^2$ atunci aria $\triangle ABC$ este: a) $72\text{ cm}^2$ b) $84\text{ cm}^2$ c) $128\text{ cm}^2$ d) $118\text{ cm}^2$	
5p	4. În figura alăturată este reprezentat un romb $ABCD$ cu $AC \cap BD = \{O\}$ . Fie $OP \perp AB$ , $P \in AB$ , $OP = 2\sqrt{3}\text{ cm}$ și $PB = 2\text{ cm}$ , atunci perimetrul rombului $ABCD$ este egal cu: a) $24\sqrt{3}\text{ cm}$ b) $16\sqrt{3}\text{ cm}$ c) 16 cm d) 32 cm	

5p	<p>5. În figura alăturată sunt reprezentate două coarde perpendiculare <math>AB</math> și <math>AC</math> ale unui cerc de centru <math>O</math>, <math>AB = 6\text{ cm}</math> și <math>AC = 8\text{ cm}</math>. Lungimea acestui cerc este egală cu:</p> <p>a) <math>10\pi\text{ cm}</math>  b) <math>16\pi\text{ cm}</math>  c) <math>12\pi\text{ cm}</math>  d) <math>24\pi\text{ cm}</math></p>	
5p	<p>6. În figura alăturată ABCD este un trapez dreptunghic cu <math>m(\hat{A}) = m(\hat{D}) = 90^\circ</math>, cu <math>BE \perp DC</math>, <math>AB = 6\text{ cm}</math>, <math>BE = 8\text{ cm}</math>. Aria triunghiului ABC este egală cu:</p> <p>a) <math>48\text{ cm}^2</math>  b) <math>24\text{ cm}^2</math>  c) <math>16\text{ cm}^2</math>  d) <math>36\text{ cm}^2</math></p>	

**SUBIECTUL al III-lea**

*Scrie rezolvările complete.*

**(30 de puncte)**

5p	<p>1. Trei elevi au împreună 15600 lei. După ce au cheltuit primul 75% din suma pe care o avea , al doilea 80% din suma sa, iar al treilea 0, (6) din suma sa, le-au rămas sume egale.</p> <p>(2p) a) Este posibil ca primul elev sa fi avut la început 4000 de lei? Justifică răspunsul.</p> <div style="border: 1px solid black; height: 250px; width: 100%;"></div> <p>(3p) b) Ce sumă a avut la început fiecare elev?</p> <div style="border: 1px solid black; height: 150px; width: 100%;"></div>
----	--

5p

2. Fie numerele  $x = \sqrt{2 \cdot (3,1(5) + 3,2(5) + 3,3(5) + \dots + 3,9(5))}$  si  $y = (2 + 4 + 6 + \dots + 84) \cdot \left(\frac{2}{7 \cdot 9} + \frac{2}{9 \cdot 11} + \dots + \frac{2}{19 \cdot 21}\right)$ .

(2p) a) Arătați ca  $x=8$

(3p) b) Calculați media aritmetică a numerelor x si y.

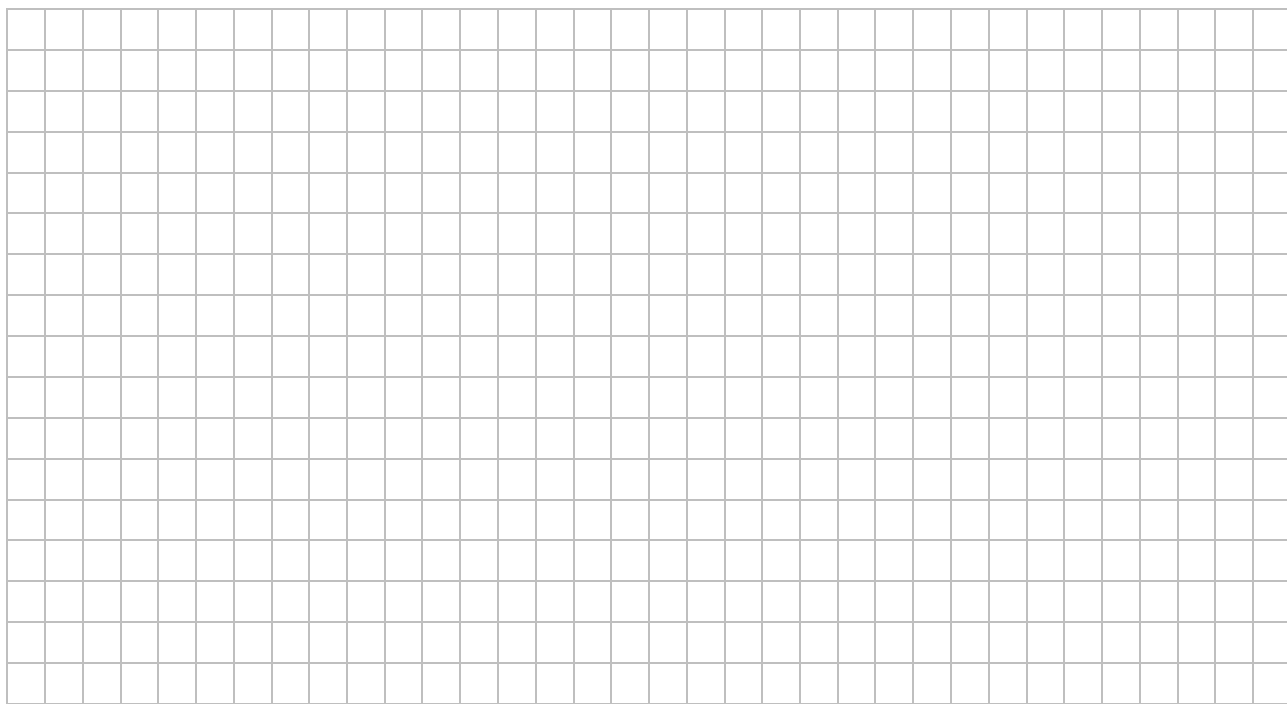
5p

3.

(2p) a) Rezolvați ecuația  $\left(\frac{1}{2}\right)^{100} : \frac{1}{2^{98}} \cdot x = \left(-\frac{1}{2}\right) \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)^{200} + 2^{-201}$ .

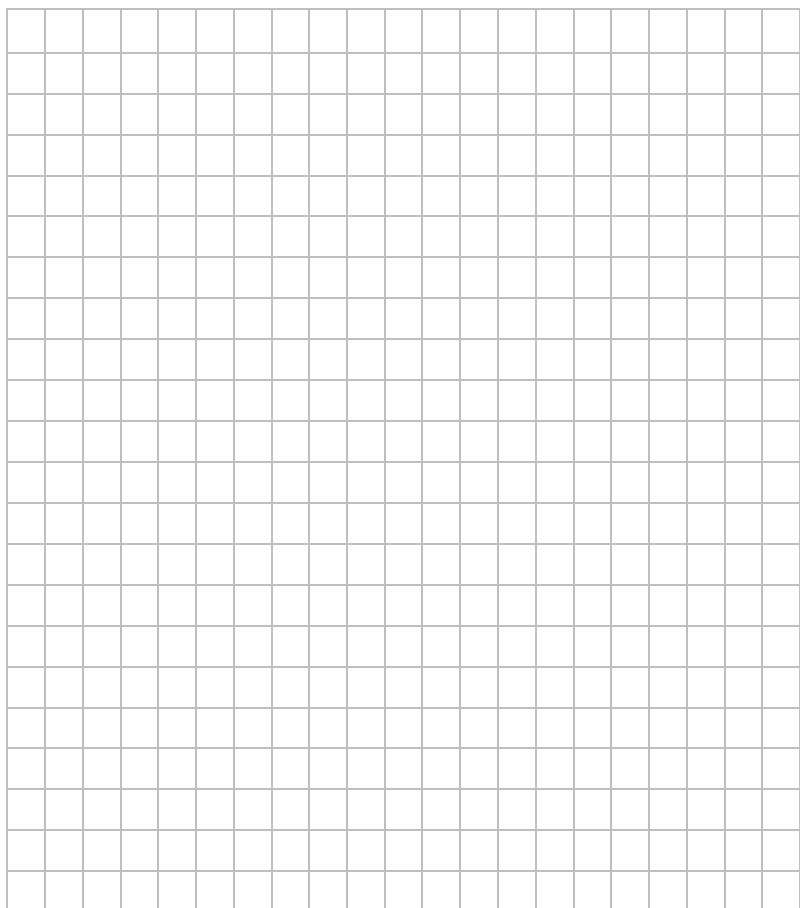
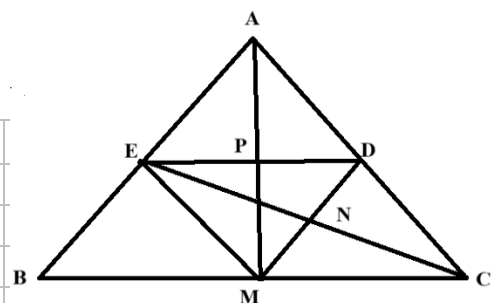
(3p) b) Rezolvați în mulțimea numerelor raționale ecuația:

$$\frac{x-10}{2010} + \frac{x-17}{2003} = \frac{x-2010}{10} + \frac{x-2003}{17}$$

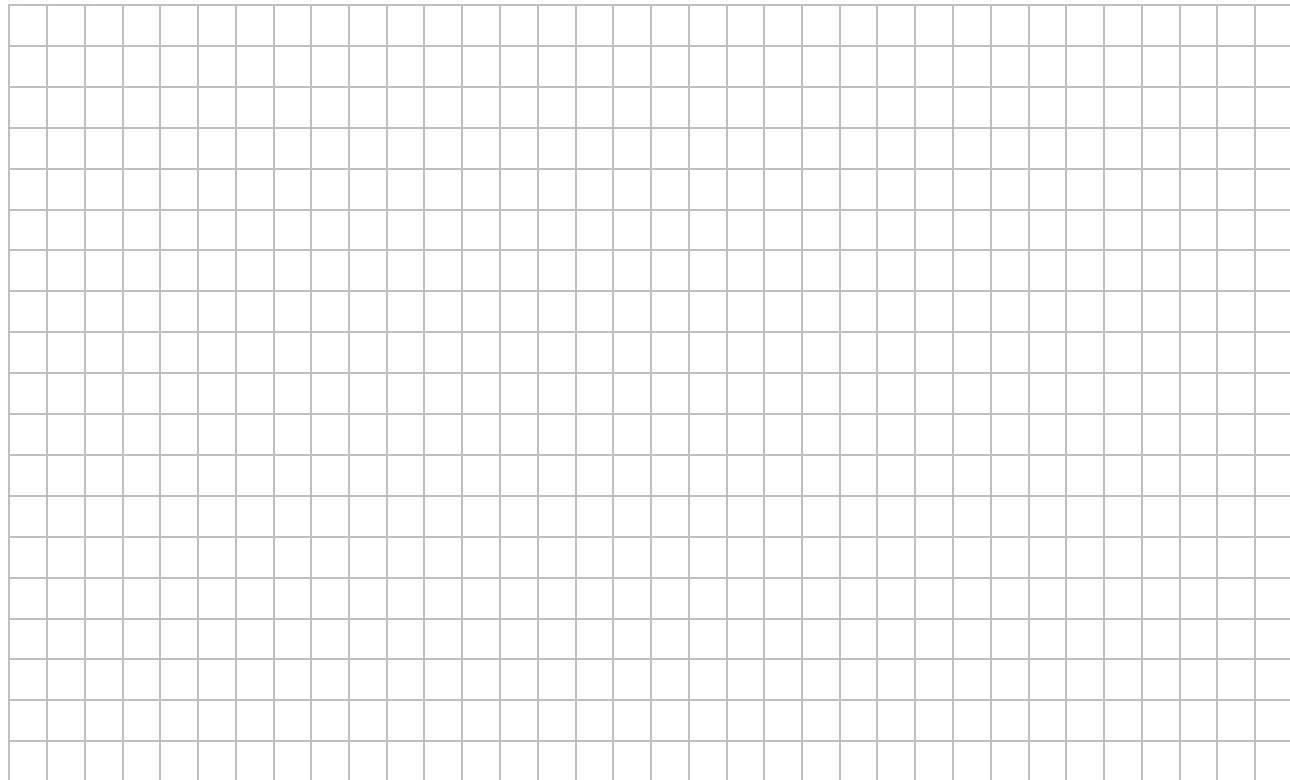


5p 4. În triunghiul  $ABC$  isoscel cu  $AB \equiv AC$  și  $M$  mijlocul lui  $BC$ , construim  $ME \perp AB$ ,  $E \in AB$  și  $MD \perp AC$ ,  $D \in AC$ .

(2p) a) Arătați că  $DE \parallel BC$ .

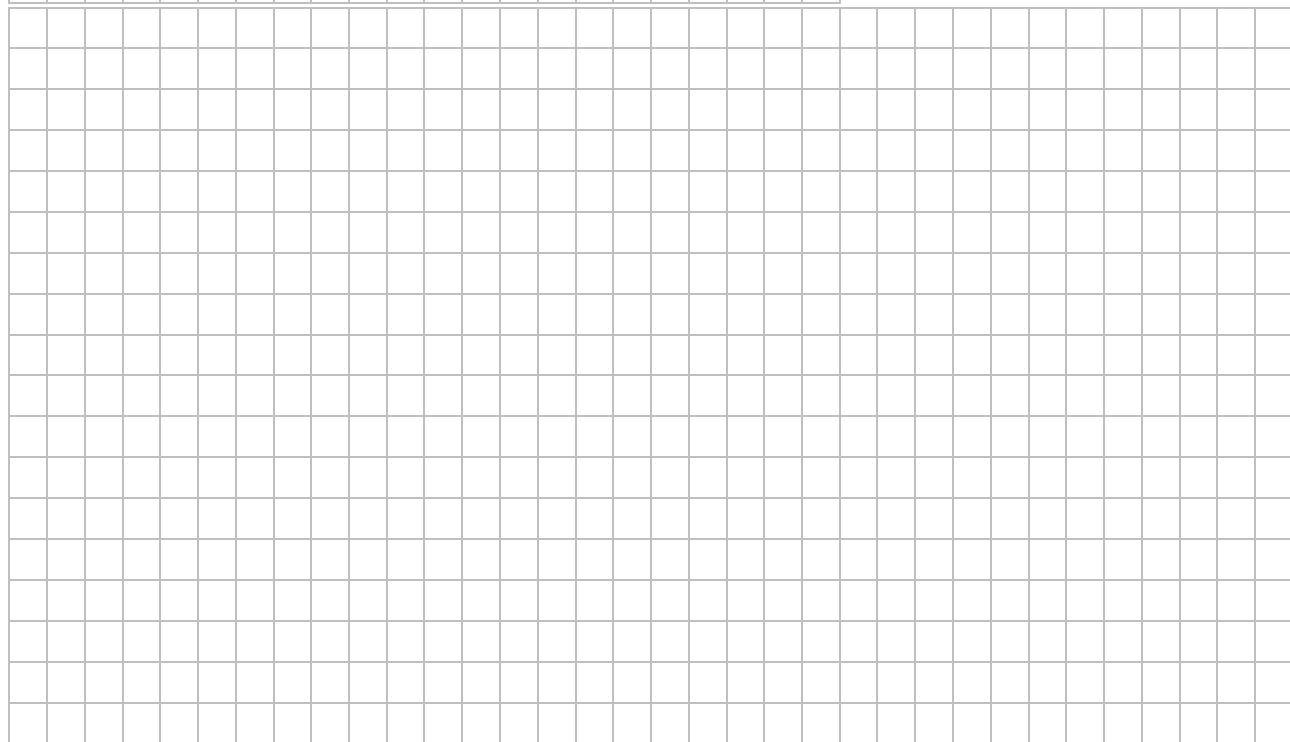
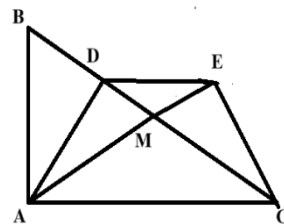


**(3p) b)** Știind că  $CE$  conține mijlocul lui  $MD$  să se arate că  $\triangle ABC$  este dreptunghic.

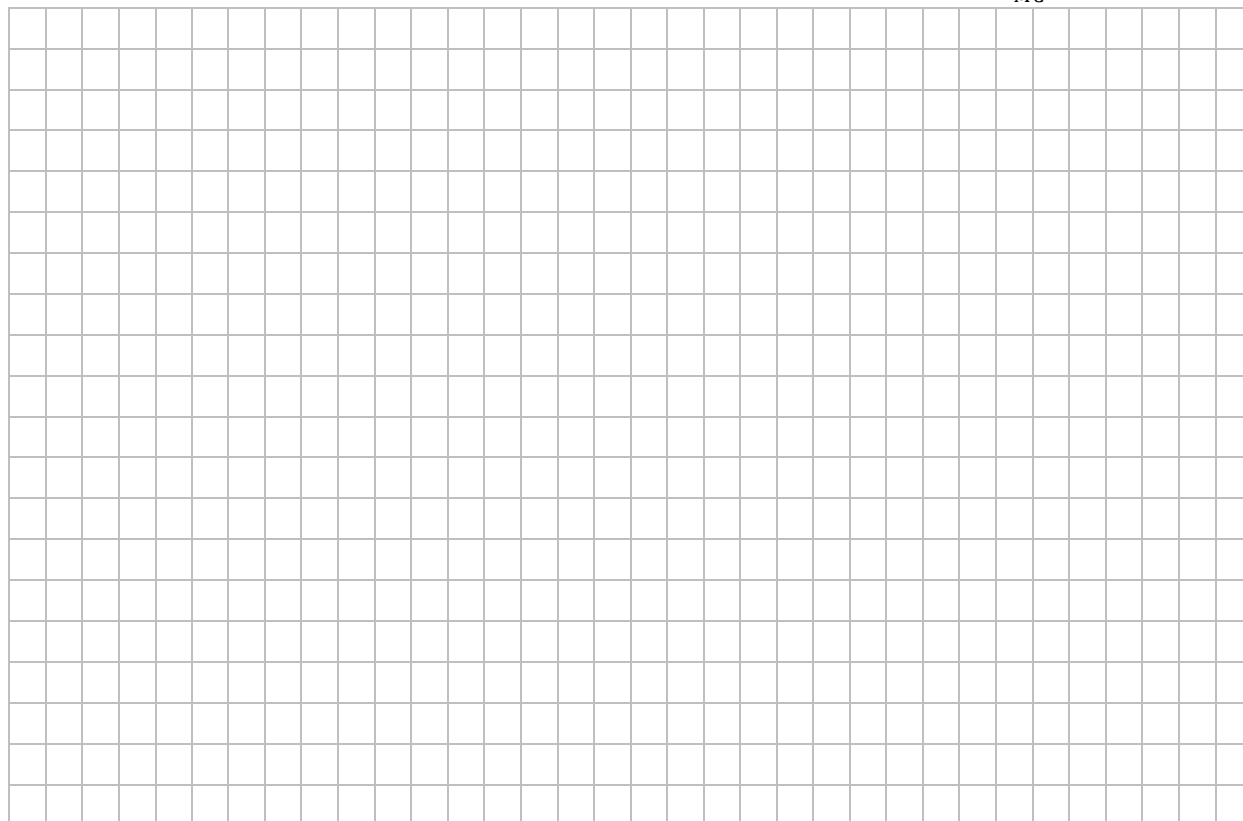


5. Fie  $\triangle ABC$ ,  $m(\hat{A}) = 90^\circ$ ,  $AB < AC$  și  $AD \perp BC$ ,  $D \in BC$ .  $M$  este mijlocul laturii  $BC$  și paralela prin  $D$  la  $AC$  intersectează pe  $AM$  în  $E$ .

**(2p) a)** Demonstrați că  $ADEC$  este trapez isoscel.

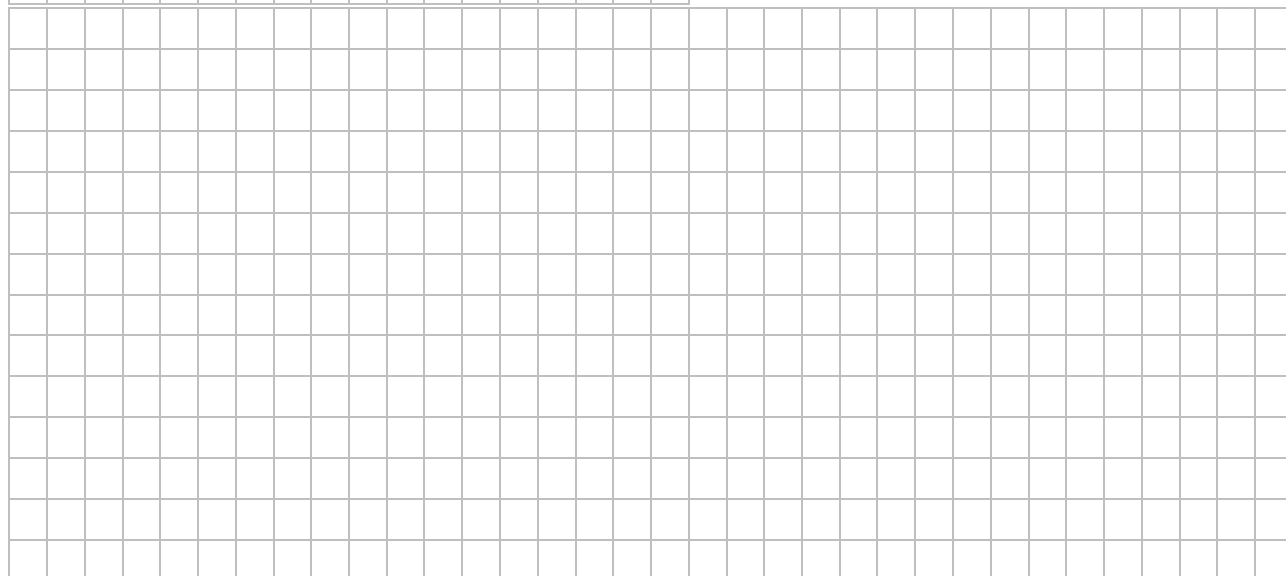
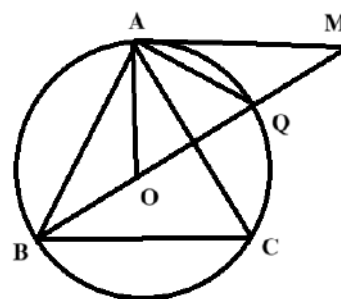
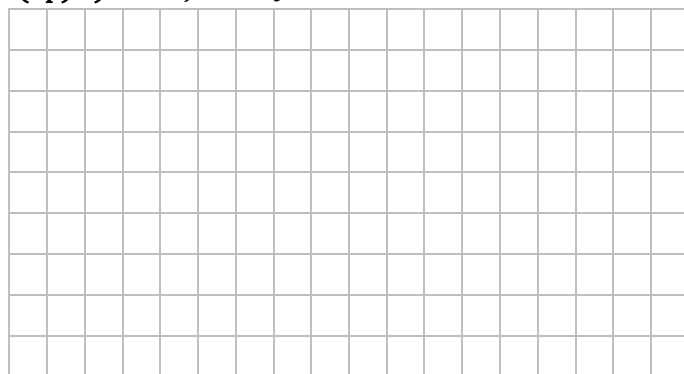


(3p) b) Dacă  $AM$  este bisectoarea unghiului  $\widehat{DAC}$ , exprimați valoarea raportului  $\frac{DM}{MC}$ .

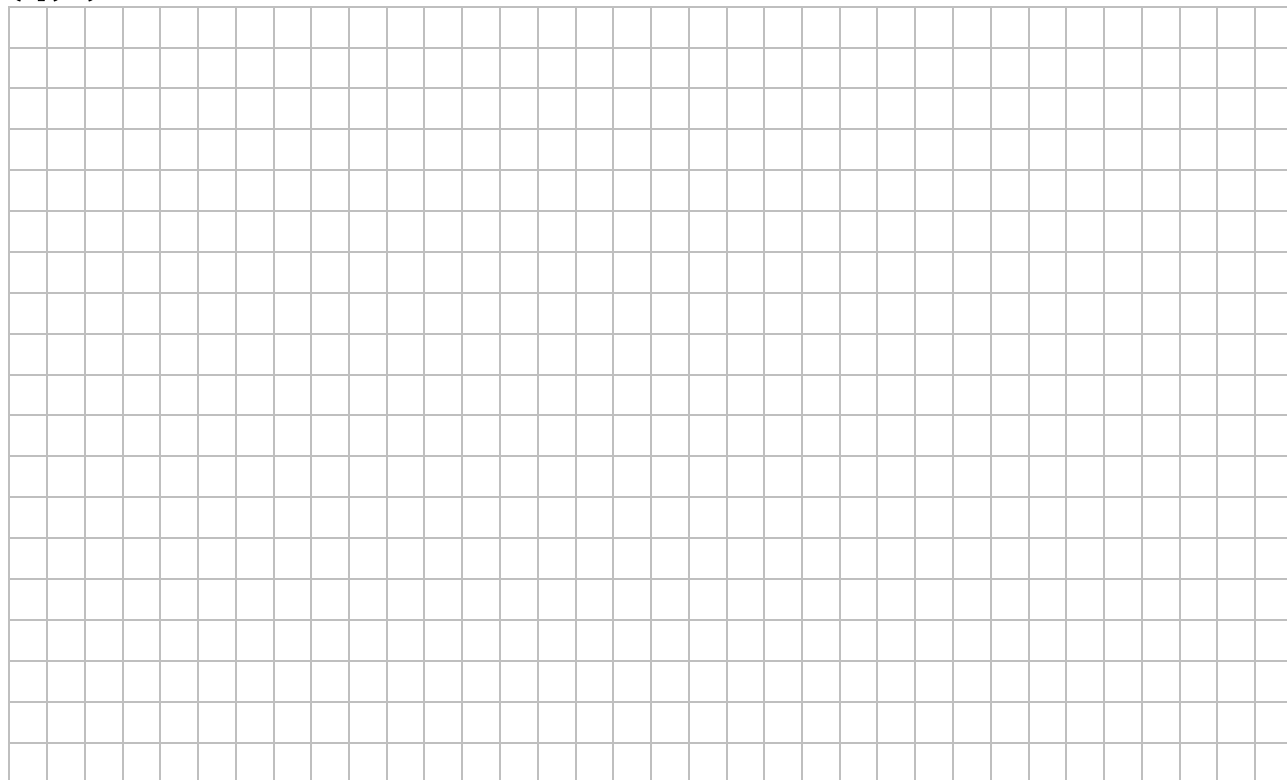


5p 6. În figura alăturată este reprezentat triunghiul echilateral  $ABC$  înscris în cercul de centru  $O$  și rază  $OA = 4\sqrt{3}cm$ . Segmentul  $BQ$  este diametru în cercul de centru  $O$  și rază  $OA$ , iar  $M$  este punctul de intersecție a dreptei  $BQ$  cu tangenta la cerc în punctul  $A$ .

(2p) a) Arătați că  $AQ = 4\sqrt{3} cm$ .



**(3p) b)** Demonstrați că  $ABCM$  este romb.



**Verifică toate răspunsurile și apoi poți preda lucrarea!**

Matematica va fi limba latină a viitorului, obligatorie pentru toți oamenii de știință. Tocmai pentru că matematica permite accelerarea maximă a circulației ideilor științifice.

*Grigore Moisil*





ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI

CONCURSUL JUDEȚEAN  
„MATEMATICA-REGINA ȘTIINȚELOR”

EDIȚIA 2025  
CLASA a VIII-a



NUMELE \_\_\_\_\_

PRENUMELE \_\_\_\_\_

ȘCOALA \_\_\_\_\_

LOCALITATEA \_\_\_\_\_

VARIANTA 1

Toate subiectele sunt obligatorii și se rezolvă pe foaia de evaluare.  
Timpul efectiv de lucru este 120 de minute.

Se acordă 10 puncte din oficiu. Mult succes! 😊

SUBIECTUL I

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

(30 de puncte)

5p	1. A 2025-a zecimală a numărului $x = 1, (132)$ este egală cu: a) 1 b) 3 c) 0 d) 2
5p	2. Știind că $x + \frac{1}{x} = 5$ , atunci $x^4 + \frac{1}{x^4}$ este egal cu: a) 25 b) 625 c) 23 d) 527
5p	3. Dacă $a^2 - b^2 = 24$ și $a - b = 2$ , atunci media aritmetică a lui $a$ și $b$ este: a) 6 b) 11 c) 12 d) 10
5p	4. Numărului valorilor întregi ale numărului $a$ pentru care $\frac{3a-1}{5a-3}$ este număr întreg este: a) 1 b) 2 c) 4 d) 6

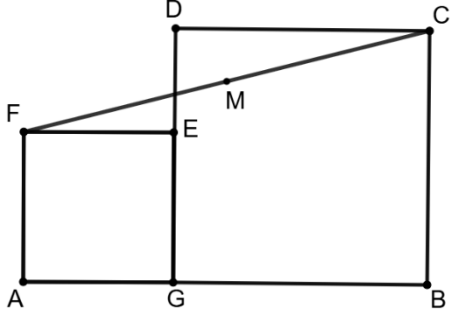
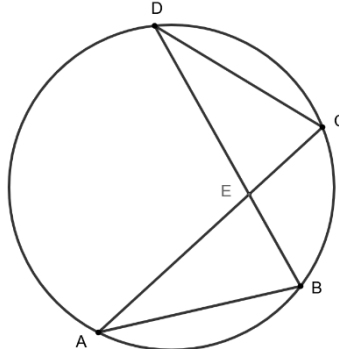
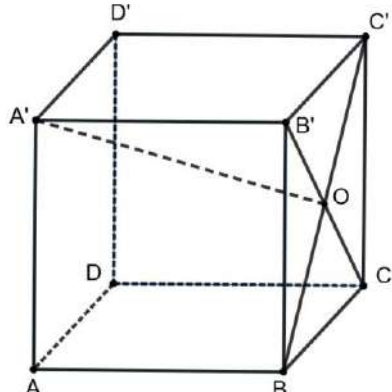
5p	<p>5. Patru elevi calculează diferența dintre media aritmetică și media geometrică a numerelor <math>a = \sqrt{7 - 4\sqrt{3}}</math> și <math>b = 2 + \sqrt{3}</math>. Rezultatele obținute de aceștia sunt înregistrate în tabelul următor:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Ana</th> <th>Sorin</th> <th>Ioana</th> <th>Matei</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>4</td> <td>2</td> <td>1</td> <td><math>2\sqrt{3}</math></td> </tr> </tbody> </table> <p>Dintre aceștia, cel care dat răspunsul corect este:</p> <p>a) Ana b) Sorin c) Ioana d) Matei</p>	Ana	Sorin	Ioana	Matei	4	2	1	$2\sqrt{3}$
		Ana	Sorin	Ioana	Matei				
4	2	1	$2\sqrt{3}$						
5p	<p>6. Afirmatia „dublul lui <math>2^{2024}</math> este <math>2^{2025}</math>” este:</p> <p>a) adevărată b) falsă</p>								

**SUBIECTUL al II-lea**

*Încercuiește litera corespunzătoare răspunsului corect.*

**(30 de puncte)**

5p	<p>1. În figura alăturată, dreapta <math>d</math> este mediatoarea segmentului <math>BC</math>, iar <math>A \in d</math>. Dacă <math>AB = 9</math> cm, atunci distanța de la <math>A</math> la <math>C</math> este egală cu:</p> <p>a) 8 cm b) <math>9\sqrt{2}</math> cm c) 9 cm d) <math>9\sqrt{3}</math> cm</p>	
5p	<p>3. În figura alăturată este reprezentat <math>\triangle ABC</math>, cu <math>\sphericalangle A = 90^\circ</math>. Dacă <math>CD</math> este bisectoarea <math>\sphericalangle BCA</math> (<math>D \in AB</math>), <math>AD = 2\sqrt{3}</math> cm și <math>DC = DB</math>, atunci lungimea ipotenuzei <math>BC</math> este egală cu:</p> <p>a) 18 cm b) <math>6\sqrt{3}</math> cm c) <math>6 \text{ cm}^2</math> d) 12 cm</p>	

5p	<p>4. În figura alăturată, <math>AGEF</math> și <math>GBCD</math> sunt pătrate, astfel încât <math>G \in AB</math> și <math>E \in DG</math>. Dacă <math>AB = 20\sqrt{3}</math> cm și <math>M</math> este mijlocul segmentului <math>FC</math>, atunci distanța de <math>M</math> la <math>AB</math> este egală cu:</p> <p>a) <math>14\sqrt{3}</math> cm  b) <math>25\sqrt{3}</math> cm  c) <math>10\sqrt{3}</math> cm  d) <math>12\sqrt{3}</math> cm</p>	
5p	<p>5. În figura alăturată este reprezentat un cerc. Punctele <math>A, B, C</math> și <math>D</math> aparțin cercului astfel încât <math>B</math> și <math>D</math> să fie de o parte și de cealaltă a dreptei <math>AC</math>, <math>AC \cap BD = \{E\}</math>. Dacă <math>\sphericalangle CDB = 25^\circ</math> și <math>\sphericalangle ABD = 55^\circ</math>, atunci <math>\sphericalangle CEB</math> este egal cu:</p> <p>a) <math>65^\circ</math>  b) <math>70^\circ</math>  c) <math>80^\circ</math>  d) <math>90^\circ</math></p>	
5p	<p>6. Se dă cubul <math>ABCD A' B' C' D'</math> cu <math>AB = 6</math> cm. Dacă <math>BC' \cap B'C = \{O\}</math> atunci lungimea segmentului <math>A'O</math> este egală cu:</p> <p>a) <math>3\sqrt{6}</math> cm  b) <math>2\sqrt{6}</math> cm  c) <math>6\sqrt{2}</math> cm  d) <math>3\sqrt{3}</math> cm</p>	

**SUBIECTUL al III-lea**

*Scrie rezolvările complete.*

**(30 de puncte)**

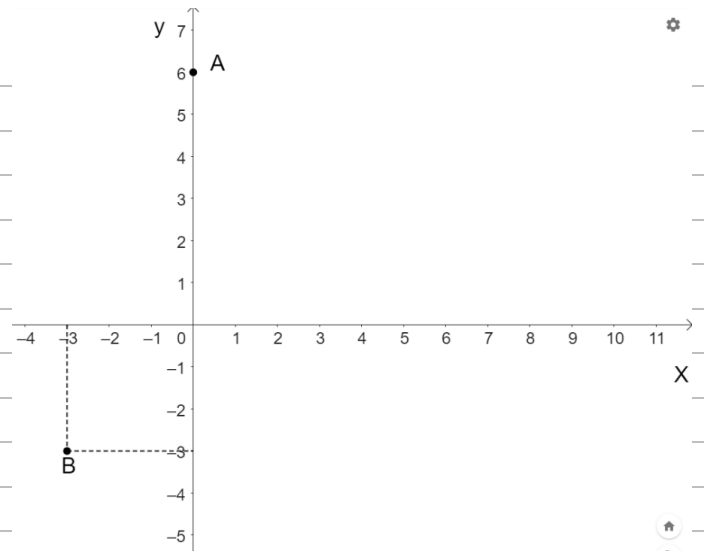
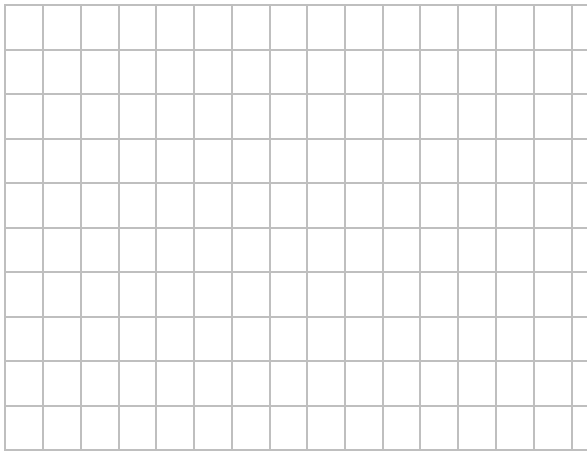
5p	<p>1. Media aritmetică a numerelor <math>a</math> și <math>b</math> este egală cu 140% din diferența lor. Știind că diferența celor două numere naturale este cu 12 mai mare decât <math>\frac{2}{3}</math> din numărul mai mic, determinați:</p> <p><b>(2p) a)</b> Cât la sută din suma numerelor reprezintă diferența lor?</p> <div style="border: 1px solid black; width: 100%; height: 100%; background-image: linear-gradient(to right, lightgray 1px, transparent 1px), linear-gradient(to bottom, lightgray 1px, transparent 1px); background-size: 20px 20px;"> </div>
----	--



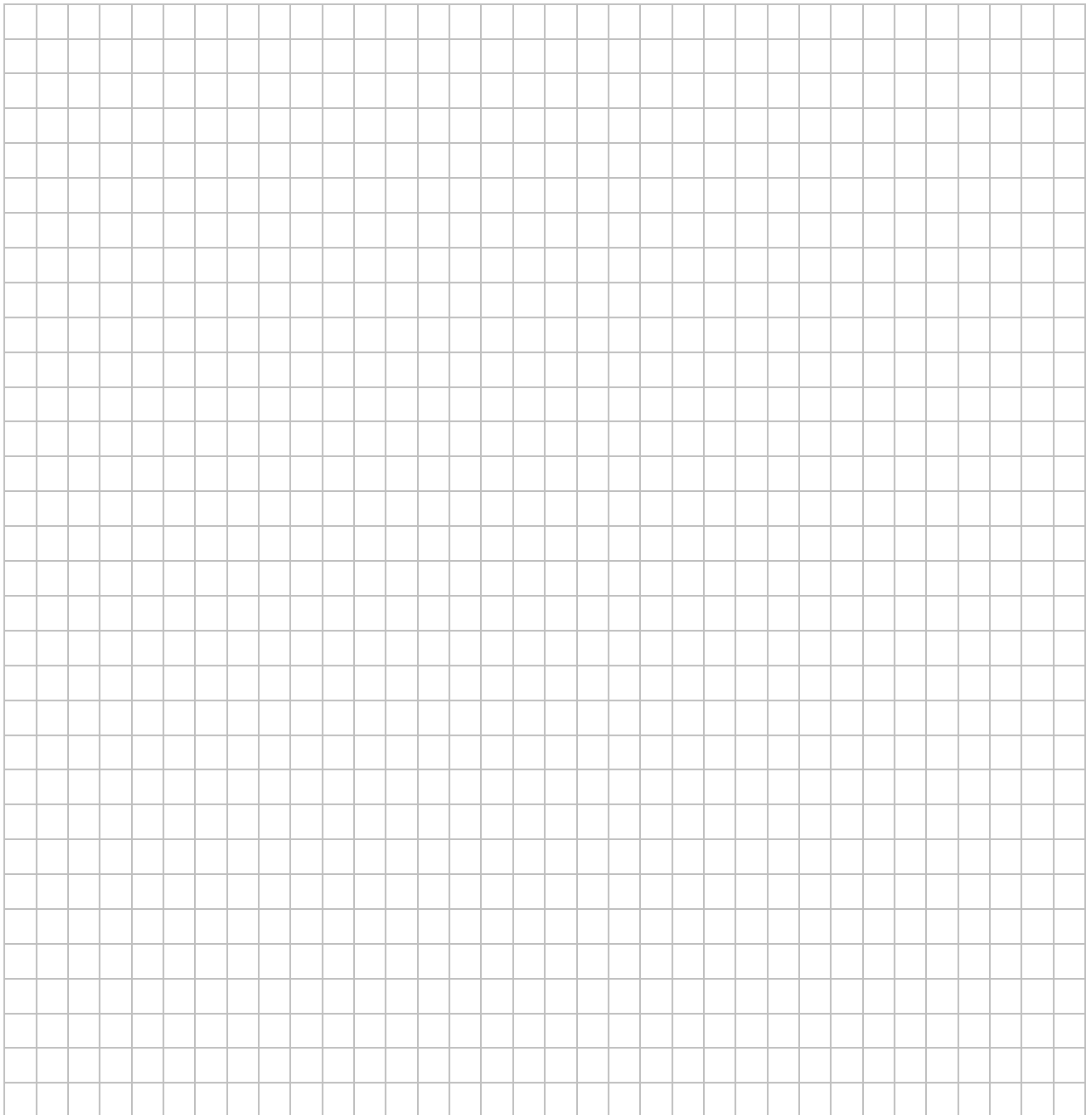
5p

3. În sistemul de axe ortogonale XOY s-au reprezentat punctele A(0,6) și B(-3,-3)

(2p) a) Calculați tangenta  $\sphericalangle BAO$ .



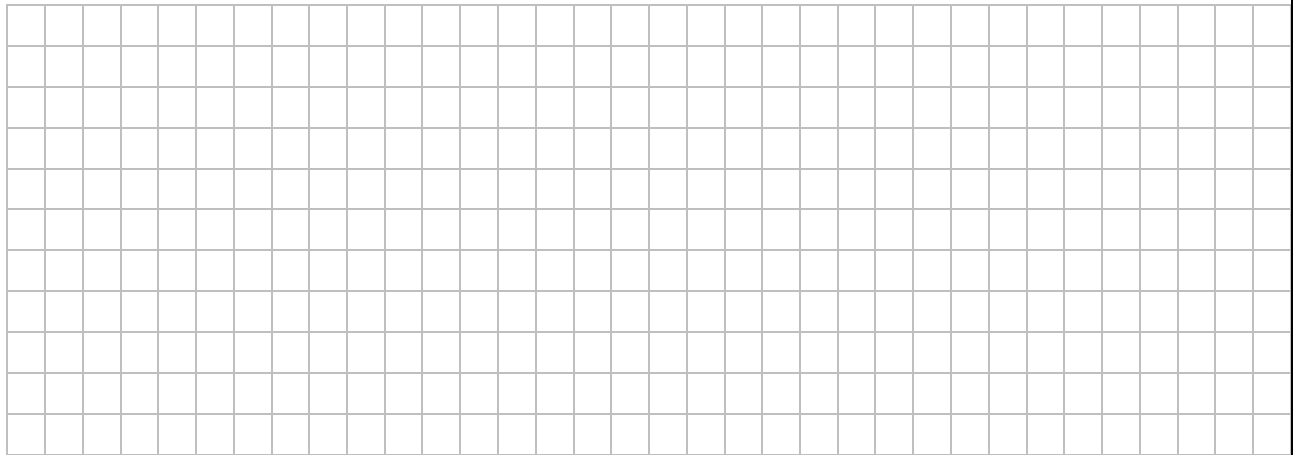
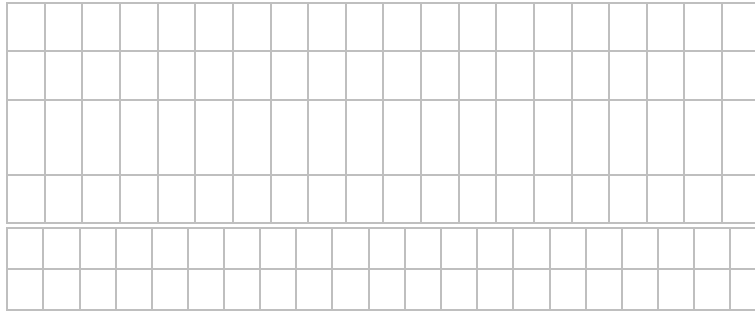
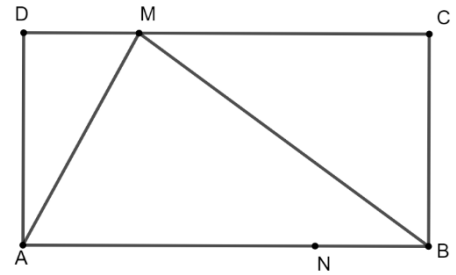
(3p) b) Determină poziția punctului C pe axa OY astfel încât  $AB \perp BC$ .



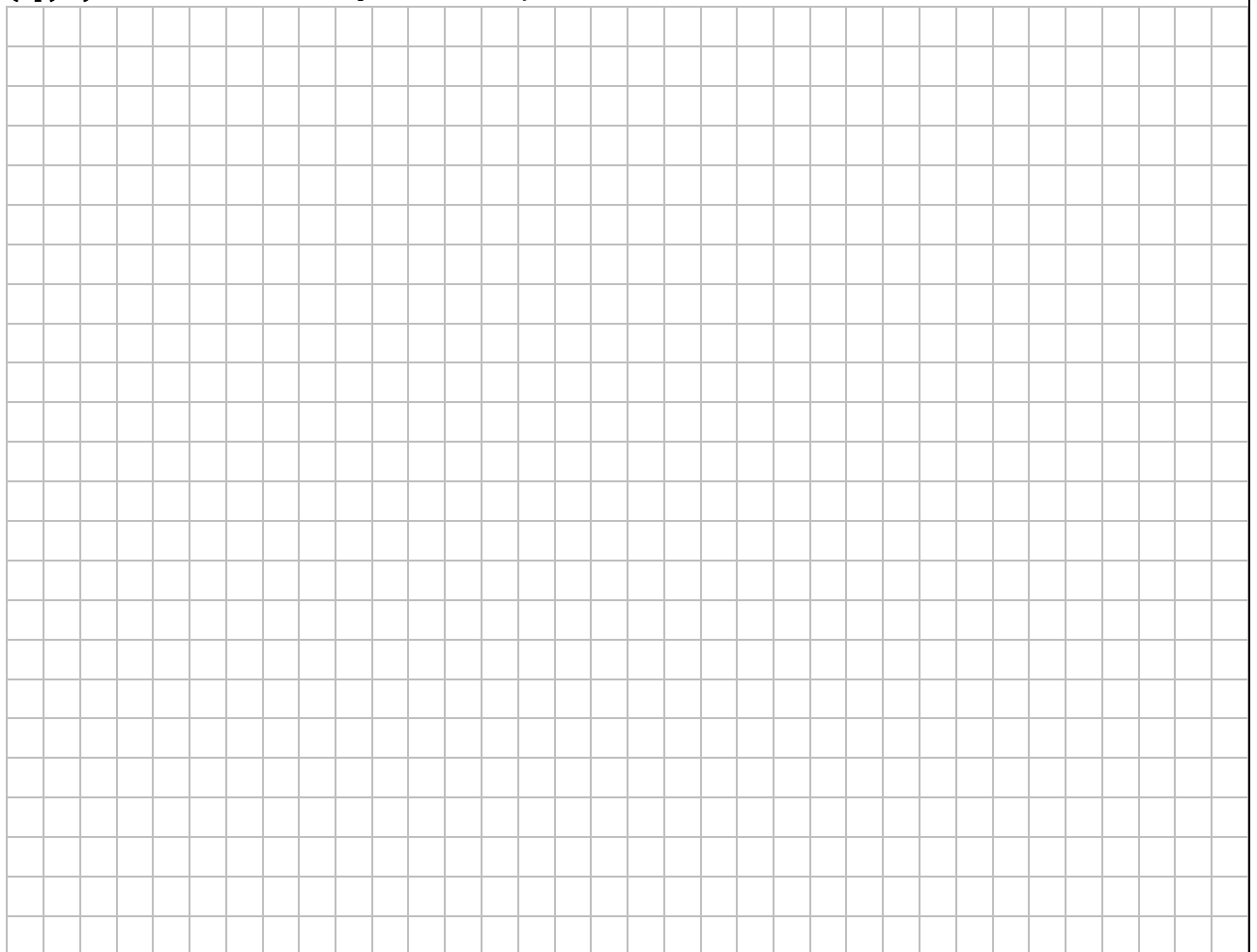
5p

4. În figura alăturată este reprezentat un dreptunghi ABCD cu  $AB = 9 \text{ cm}$  și  $AD = 3\sqrt{2}$ . Punctele M și N sunt situate pe laturile CD și respectiv AB, astfel încât  $DM = BN = 3 \text{ cm}$ .

(2p) a) Determină măsura unghiului  $\sphericalangle AMB$ .

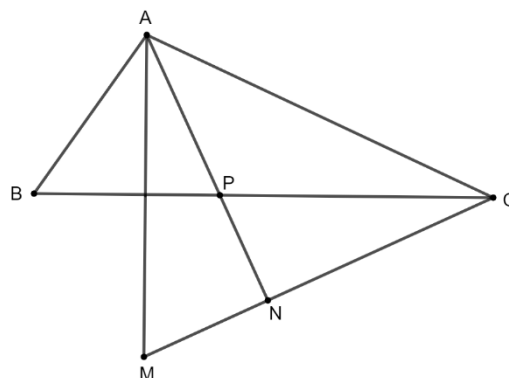


(3p) b) Demonstrează că dreptele BD, MN și AC sunt concurente.



5. În figura alăturată este reprezentat triunghiul obtuzunghic ABC cu  $AB = 10\text{ cm}$ ,  $AC = 12\text{ cm}$  și  $BC = 16\text{ cm}$ . Punctul M este simetricul punctului A față de dreapta BC. Perpendiculara din A pe CM intersectează dreapta BC în punctul P și dreapta CM în punctul N.

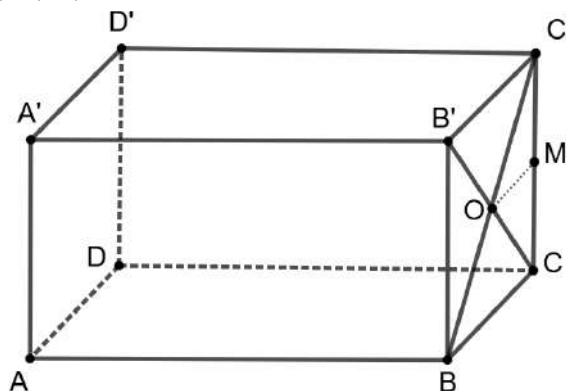
(2p) a) Arată că perimetrul  $\triangle BMC$  este egal cu 38 cm.



(3p) b) Demonstrați că  $MP \perp AC$ .

5p 6. Fie  $ABCD A' B' C' D'$  un paralelipiped dreptunghic.

(2p) a) Dacă  $AB = a\sqrt{3}$ ,  $BC = a$  și  $CC' = 2a$ , a nr. întreg pozitiv, determinați  $\sphericalangle(AC', (ABC))$



(3p) b) Dacă M este mijlocul lui  $CC'$  și  $BC' \cap B'C = \{O\}$ , aratați că dreptele AM și OD sunt coplanare.

**Verifică toate răspunsurile și apoi poți preda lucrarea!**

Matematica va fi limba latină a viitorului, obligatorie pentru toți oamenii de știință. Tocmai pentru că matematica permite accelerarea maximă a circulației ideilor științifice.

*Grigore Moisil*





ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI



Concursul județean „MATEMATICA - REGINA ȘTIINȚELOR”

22. 03. 2025

Barem de corectare

Clasa I

Varianta 1

Partea I – 50 de puncte

Nr. subiectului	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Răspunsul corect	C	B	C	B	A	B	B	C	C	A
Nr. puncte	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

Partea a II-a – 40 de puncte

1.

- $46+8=54$  (lalele primite) .....5 p  
 $46-25=21$  (trandafiri vânduți) .....5 p  
 $54-25=29$  (lalele vândute).....5 p  
 $21+29=50$  (fire de trandafiri și lalele vândute) .....5 p  
TOTAL 20 p

2.

- $18+18=36$  (bomboane în cele 2 cutii) .....5 p  
 $2+3=5$  (bomboane rămase).....5 p  
 $36-2=34$ (bomboane fără cele mâncate de Eva).....5 p  
 $34-5=29$  (colegi are Eva) .....5 p  
TOTAL 20 p

Oficiu 10 puncte

*NOTĂ: Orice altă variantă corectă de rezolvare se punctează corespunzător.*



ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI



Concursul județean „MATEMATICA - REGINA ȘTIINȚELOR”

22. 03. 2025

Barem de corectare

Clasa a II-a

Varianta 1

**Partea I - 50 puncte**

Nr. subiectului	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Răspunsul corect	C	A	B	B	A	D	A	D	B	A
Nr. puncte	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

**Partea a II-a – 40 puncte**

1.

$84-66=18$  (lalele sunt la florărie).....4 p

$47-18=29$  (garioafe sunt la florărie).....4 p

$2 \times 7=14$  (garioafe se vând)..... 4 p

$29-14=15$  (garioafe se împart celor 3 persoane).....4 p

$15:3=5$  (garioafe primește fiecare persoană).....4 p

2.

$14+6=20$  ani (are Oana) .....5 p

$20+14 = 34$  ani (va avea Oana peste 14 ani) .....5 p

$14+14= 28$  ani (va avea Miruna peste 14 ani) .....5 p

$34+28=62$  ani (vor avea cele două fete, peste 14 ani) .....5 p

Oficiu 10 puncte

*NOTĂ: Orice altă variantă corectă de rezolvare se punctează corespunzător.*



**ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI**  
**Concursul județean „MATEMATICA - REGINA ȘTIINȚELOR”**  
**22.03.2025**



**Barem de corectare**  
**Clasa a III-a**  
**Varianta 1**

**Partea I – 50 de puncte**

Nr. subiectului	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Răspunsulcorect	<b>B</b>	<b>B</b>	<b>B</b>	<b>B</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>B</b>	<b>A</b>
Nr. puncte	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

**Partea a II-a – 40 de puncte**

**1.**

I   ___	}	48	..... 5p
II   ___    ___    ___			
III   ___    ___			
IV   ___    ___			

1 + 3 + 2 + 2 = 8 (părți egale reprezintă suma) .....3p

48 : 8 = 6 (problemele primului elev) .....3p

6 x 3 = 18 (problemele celui de-al doilea) .....3p

6 x 2 = 12 (problemele celui de-al doilea) .....3p

6 x 2 = 12 (problemele celui de-al treilea) .....3p

**2.**

I   ___     ___    ___	}	6	..... 3p
II   ___   .....			

3 - 1 = 2 (părți egale are diferența numerelor) .....3p

6 : 2 = 3 (al doilea număr) .....3p

3 x 3 = 9 (primul număr) .....3p

2 x 4 x 8 x 10 = 640 (produsul vecinilor) .....4p

640 x 3 = 1920 (întreitul produsului) .....4p

**NOTĂ:** Orice altă variantă corectă de rezolvare se punctează corespunzător.



ȘCOALA GIMNAZIALĂ  
„MIRCEA CEL BĂTRÂN” PITEȘTI



Concursul județean „MATEMATICA- REGINA ȘTIINȚELOR” 2025

Barem de corectare

Clasa a IV-a

Varianta 1

**Partea I - 50 puncte**

Nr. subiectului	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
<b>Răspunsul corect</b>	<b>D</b>	<b>D</b>	<b>A</b>	<b>C</b>	<b>C</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>B</b>	<b>D</b>	<b>C</b>
Nr. puncte	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

**Partea a II-a – 40 puncte**

**1.**

$64 - 44 = 20$  (ax2) ..... 2 puncte

$20 : 2 = 10$  (a) ..... 2 puncte

$74 - 44 = 30$  (b) ..... 2 puncte

$44 - (10 + 30) = 4$  (c + d) ..... 2 puncte

Pentru  $c = 0$  și  $d = 4$ ,  $axbxcxd = 10 \times 30 \times 0 \times 4 = 0$  ..... 3 puncte

Pentru  $c = 1$  și  $d = 3$ ,  $axbxcxd = 10 \times 30 \times 1 \times 3 = 900$  ..... 3 puncte

Pentru  $c = 3$  și  $d = 1$ ,  $axbxcxd = 10 \times 30 \times 3 \times 1 = 900$  ..... 3 puncte

Pentru  $c = 4$  și  $d = 0$ ,  $axbxcxd = 10 \times 30 \times 4 \times 0 = 0$  ..... 3 puncte

**2.**

$10 \times 7 = 70$  (puncte primite de elev dacă ar rezolva corect toate problemele) 4 ..... puncte

$7 + 2 = 9$  (puncte pierdute de elev pentru o problemă rezolvată greșit sau nerezolvată) 4 ..... puncte

$70 - 61 = 9$  (puncte pierdute de primul elev clasat) 2 ..... puncte

$9 : 9 = 1$  (problemă greșită sau nerezolvată de primul elev clasat) 2 ..... puncte

$70 - 43 = 27$  (puncte pierdute de al doilea elev clasat) 2 ..... puncte

$27 : 9 = 3$  (probleme greșite sau nerezolvate de al doilea elev clasat) 2 ..... puncte

$70 - 34 = 36$  (puncte pierdute de al treilea elev clasat) 2 ..... puncte

$36 : 9 = 4$  (probleme greșite sau nerezolvate de al treilea elev clasat) 2 ..... puncte

**Oficiu 10 puncte**

**NOTĂ:** Orice altă variantă corectă de rezolvare se punctează corespunzător.

**CONCURSUL JUDEȚEAN „MATEMATICA - REGINA ȘTIINȚELOR”**

**EDIȚIA 2025**

**CLASA a V-a**

**Varianta 1**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

- Se acordă zece puncte din oficiu.

**SUBIECTUL I ȘI SUBIECTUL al II-lea:**

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

**SUBIECTUL al III-lea:**

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

1.	b)	5p
2.	c)	5p
3.	a)	5p
4.	d)	5p
5.	c)	5p
6.	b)	5p

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

1.	c)	5p
2.	d)	5p
3.	d)	5p
4.	a)	5p
5.	b)	5p
6.	b)	5p

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

1.	a) $\overline{abc} \cdot 10 + \overline{abc} = 2057$	1p
	$\overline{abc} \cdot 11 = 2057 \Rightarrow \overline{abc} = 187$	1p
	b) $8a + b + c = 24 \Rightarrow \left. \begin{matrix} (b + c) : 8, b \neq c \\ 0 < b + c < 18 \end{matrix} \right\} \Rightarrow b + c \in \{8, 16\}$	1p
	Dacă $b + c = 8$ și $a = 2$ , atunci $\overline{abc} \in \{208, 217, 235, 253, 271, 280\}$	1p
	Dacă $b + c = 16$ și $a = 1$ , atunci $\overline{abc} \in \{179, 197\}$	1p
2.	a) $3^{22} + (2^2)^{16} \cdot 2 - 2^{33} = 3^{22} + 2^{33} - 2^{33}$	1p
	$3^{22} = (3^{11})^2$ este pătrat perfect.	1p
	b) $1 + 3 + 3^2 + 3^4 = 40$ . Avem 2023 termeni	1p
	$a = (1 + 3 + 3^2) + (3^3 + 3^4 + 3^5 + 3^6) + \dots + (3^{2019} + 3^{2020} + 3^{2021} + 3^{2022})$	1p
	$a = 13 + 3^3 \cdot 40 + \dots + 3^{2019} \cdot 40$	1p
	$U(a) = 3 \Rightarrow a$ nu poate fi pătrat perfect.	1p
3.	a) $3^{2+4+6+\dots+50} = (3^2)^n, 3^{2(1+2+3+\dots+25)} = 3^{2n}$	1p

	$1 + 2 + 3 + \dots + 25 = n \Rightarrow n = 325$	<b>1p</b>
	<b>b)</b> $10^{70} > 5^{100} \Rightarrow 5^{70} \cdot 2^{70} > 5^{100}$	<b>1p</b>
	$2^{70} > 5^{30}$	<b>1p</b>
	$(2^7)^{10} > (5^3)^{10} \Rightarrow 128^{10} > 125^{10}$	<b>1p</b>
<b>4.</b>	<b>a)</b> $a = 2 \cdot 1010 \cdot (1 \cdot 3 \cdot 4 \cdot \dots \cdot 1009 \cdot 1011 \cdot \dots \cdot 2018) + 2019$	<b>1p</b>
	$a = 2 \cdot 1010 \cdot (1 \cdot 3 \cdot 4 \cdot \dots \cdot 1009 \cdot 1011 \cdot \dots \cdot 2018) + 2019, R = 2019$	<b>1p</b>
	<b>b)</b> $15 \cdot \overline{ab}$ pătrat perfect $\Rightarrow \overline{ab} = 15 \cdot k^2 \leq 99$	<b>1p</b>
	$k^2 \in \{1, 4\}$	<b>1p</b>
	$\overline{ab} \in \{15, 60\}$	<b>1p</b>
<b>5.</b>	<b>a)</b> $106 = 25 + 81$	<b>1p</b>
	$106 = 5^2 + 9^2$	<b>1p</b>
	<b>b)</b> $106^{2025} = 106^{2024} \cdot 106$	<b>1p</b>
	$106^{2024} \cdot (5^2 + 9^2) = (106^{1012})^2 \cdot (5^2 + 9^2)$	<b>1p</b>
	$(106^{1012} \cdot 5)^2 + (106^{1012} \cdot 9)^2$	<b>1p</b>
<b>6.</b>	<b>a)</b> Dacă elevii stau câte doi în bancă, număr elevi = $15 \cdot 2 + 1 = 31$ .	<b>1p</b>
	Dacă stau câte trei, număr elevi $3 \cdot 9 + 1 = 28, 31 \neq 28$ , deci nu este posibil.	<b>1p</b>
	<b>b)</b> Desen	<b>1p</b>
	Se mută câte un elev în $6 \cdot 2 = 12$ bănci, deci $12 + 6 = 18$ bănci	<b>1p</b>
	Număr elevi = $18 \cdot 2 + 1 = 37$ .	<b>1p</b>

**CONCURSUL JUDEȚEAN „MATEMATICA - REGINA ȘTIINȚELOR”**

**EDIȚIA 2025**

**CLASA a VI-a**

**Varianta 1**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

- Se acordă zece puncte din oficiu.

**SUBIECTUL I ȘI SUBIECTUL al II-lea:**

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

**SUBIECTUL al III-lea:**

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

1.	a)	5p
2.	a)	5p
3.	a)	5p
4.	b)	5p
5.	b)	5p
6.	c)	5p

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

1.	c)	5p
2.	b)	5p
3.	b)	5p
4.	c)	5p
5.	a)	5p
6.	c)	5p

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

1.	a) $75 + 7 + 5 \neq 84$ Nu este posibil.	1p 1p
	b) Notăm cu $\overline{ab}$ vârsta bunicii, iar $a$ și $b$ vârstele nepoților. $\overline{ab} + a + b = 84$ $11a + 2b = 84 \Rightarrow a$ cifră pară, $a \neq 0$ $a \geq 6 \Rightarrow a = 6$ și $b = 9$ , $\overline{ab} = 69$ .	1p 1p 1p
	a) $a = 2k$ ; $b = 4k$ ; $c = 10k$  Dacă $\frac{c-b}{na} = \frac{3}{n}$ este număr prim $\Rightarrow n = 1$ .	1p 1p
2.	b) $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{17}{20k}$ $20k = 140 \Rightarrow k = 7$ $a = 14, b = 28, c = 70$ .	1p 1p 1p
	3. a) $A = \{1, 2, 3, 4\}$ și $B = \{2, 3, 4\}$ . $(A - B) \cup (B - A) = \{1\} \cup \emptyset = \{1\}$ .	1p

		1p
	<b>b)</b> $\text{card } P(A) = 2^{\text{card } A}$ $\text{card } A = 4$ $\text{card } P(A) = 2^4 = 16.$	1p 1p 1p
4.	<b>a)</b> $MN = AN - AM = \frac{AC}{2} - \frac{AB}{2} = 2 \text{ cm}$ $AC - AB = 4 \text{ cm} \Rightarrow BC = 4 \text{ cm}.$	1p 1p
	<b>b)</b> $4AB + 2BC - 5CD = 10 \Rightarrow 4AB - 5CD = 2 \text{ cm}$ $AB = \frac{4CD}{3} \Rightarrow CD = 6 \text{ cm}, AB = 8 \text{ cm}$ $AD = AB + BC + CD = 18 \text{ cm}.$	1p 1p 1p
5.	<b>a)</b> Cum AB diametru $\Rightarrow \widehat{AB} = 180^\circ$ . Unghiurile $\sphericalangle AOM$ și $\sphericalangle MOB$ sunt unghiuri la centru, deci $\sphericalangle AOM = \widehat{AM}$ și $\sphericalangle MOB = \widehat{MB}$ . $x = 44^\circ$ , atunci $\widehat{AM} = 44^\circ$ și $\widehat{MB} = 136^\circ$ .	1p 1p
	<b>b)</b> (ON bisectoarea $\sphericalangle MOB \Rightarrow \sphericalangle NOB = 68^\circ$ . (ON opusă (OP $\Rightarrow \sphericalangle NOP = 180^\circ$ $m(\sphericalangle PON) = 112^\circ$ .	1p 1p 1p
6.	<b>a)</b> Dacă punctul M este situat pe mediatoarea laturii AC, atunci este egal depărtat de A și C. Rezultă $AM \equiv CM$	1p 1p
	<b>b)</b> Fie D mijlocul laturii AC. $\triangle AMD \equiv \triangle CMD$ (L. U. L) Dacă $\sphericalangle MAD = \sphericalangle MCD = x$ . Cum $\sphericalangle AMC = \frac{3}{2} \cdot \sphericalangle BAC = 3x$ , deducem $x = 36^\circ$ . $\sphericalangle BAC = \sphericalangle BCA = 2x = 72^\circ$ Punctul M este centrul cercului înscris $\triangle ABC \Rightarrow$ (BM bisectoarea $\sphericalangle ABC$ $\sphericalangle ABC = 180^\circ - 2 \cdot 72^\circ = 36^\circ \Rightarrow \sphericalangle ABM = \frac{1}{2} \cdot \sphericalangle ABC = 18^\circ$	1p  1p  1p

**CONCURSUL JUDEȚEAN „MATEMATICA - REGINA ȘTIINȚELOR”**

**EDIȚIA 2025**

**CLASA a VII-a**

**Varianta 1**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

- Se acordă zece puncte din oficiu.

**SUBIECTUL I ȘI SUBIECTUL al II-lea:**

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

**SUBIECTUL al III-lea:**

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

1.	a)	5p
2.	a)	5p
3.	b)	5p
4.	d)	5p
5.	b)	5p
6.	a)	5p

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

1.	b)	5p
2.	b)	5p
3.	c)	5p
4.	d)	5p
5.	a)	5p
6.	b)	5p

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

1.	a) $\frac{25}{100} \cdot 4000 = \frac{20}{100} \cdot b = \frac{3}{9} \cdot c$	1p
	$b = 5000, c = 3000, a + b + c = 4000 + 5000 + 3000 = 12000, 12000 \neq 15600$ nu e posibil	1p
	b) $\frac{25}{100} \cdot a = \frac{20}{100} \cdot b = \frac{3}{9} \cdot c = k$	1p
	$a = 4k, b = 5k, c = 3k, 4k + 5k + 3k = 15600, k = 1300$ $a = 5200, b = 6500, c = 3900.$	1p
2.	a) $x = \sqrt{2 \cdot \left( \frac{315-31}{90} + \frac{325-32}{90} + \frac{335-32}{90} + \dots + \frac{395-39}{90} \right)}$	1p
	$x = \sqrt{2 \cdot \left( \frac{284+293+302+\dots+356}{90} \right)} = \sqrt{2 \cdot \left( \frac{(284+356) \cdot 9 : 2}{90} \right)} = \sqrt{\frac{640}{10}} = 8.$	1p

	<p><b>b)</b> <math>y = \frac{(84+2) \cdot 42}{2} \cdot \left( \frac{1}{7} - \frac{1}{9} + \frac{1}{9} - \frac{1}{11} + \dots + \frac{1}{19} - \frac{1}{21} \right)</math></p> <p><math>y = 42 \cdot 43 \cdot \left( \frac{1}{7} - \frac{1}{21} \right) = 172</math></p> <p><math>M_a = \frac{8 + 172}{2} = 90.</math></p>	1p 1p 1p
3.	<p><b>a)</b> <math>x \cdot \frac{1}{2^{200}} \cdot \frac{2^{98}}{1} = \left( -\frac{1}{2} \right)^{201} + \left( \frac{1}{2} \right)^{201}</math></p> <p><math>x \cdot \frac{1}{2^2} = 0, x=0.</math></p>	1p 1p
	<p><b>b)</b> <math>\frac{x-10}{2010} - 1 + \frac{x-17}{2003} - 1 = \frac{x-2010}{10} - 1 + \frac{x-2003}{17} - 1</math></p> <p><math>\frac{x-2020}{2010} + \frac{x-2020}{2003} = \frac{x-2020}{10} + \frac{x-2020}{17}</math></p> <p><math>(x-2020) \cdot \left( \frac{1}{2010} + \frac{1}{2003} - \frac{1}{10} - \frac{1}{17} \right) = 0</math></p> <p><math>x-2020 = 0, x = 2020.</math></p>	1p 1p 1p
4.	<p><b>a)</b> <math>\Delta ABC</math> isoscel rezulta, <math>\sphericalangle ABC = \sphericalangle ACB, BM = MC, \sphericalangle MEB = \sphericalangle MDC = 90^\circ</math> rezulta <math>\Delta MEB \equiv \Delta MDC</math> (I.U.) rezulta <math>ME \equiv DC</math> si <math>AC \equiv AB</math> rezulta <math>\Delta MEA \equiv \Delta MDA</math> (I.C.) rezulta <math>AE \equiv AD</math> <math>\frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC} \xrightarrow{R.T.TH.} ED \parallel BC.</math></p>	1p 1p
	<p><b>b)</b> <math>MN \equiv ND, \sphericalangle EDN \equiv \sphericalangle NMC</math> (alt. int), <math>\sphericalangle MNC \equiv \sphericalangle END</math> rezultă <math>\Delta MNC \equiv \Delta DNE</math> (U.L.U.) <math>ED \equiv MC, ED \parallel MC, DEMC</math> paralelogram rezultă <math>ME \parallel AC, ME \perp AB</math> rezultă <math>AC \perp AB, \Delta ABC</math> dreptunghic cu <math>m(\hat{A}) = 90^\circ</math></p>	1p 1p 1p
5.	<p><b>a)</b> In <math>\Delta ABC</math> dreptunghic <math>AM</math> mediană, <math>AM \equiv MC</math>, rezultă <math>\Delta ACM</math> isoscel <math>DE \parallel AC</math> <math>\xrightarrow{T.F.A.} \Delta ACM \sim \Delta DME</math> rezultă <math>\Delta DME</math> isocel <math>\Delta DMA \equiv \Delta EMC</math> (L.U.L.), <math>DA \equiv EC, DE \parallel AC, ADEC</math> trapez isoscel</p>	1p 1p
	<p><b>b)</b> <math>\Delta ADB</math> dreptunghic, <math>\widehat{ABD} \equiv \widehat{ACB}, \widehat{ACB} \equiv \widehat{MAB},</math> <math>m(\widehat{ACD}) = 30^\circ \xrightarrow{T.\sphericalangle 30} AD = \frac{AC}{2}</math> <math>AM</math> bisectorea <math>\widehat{DAC} \xrightarrow{T.bisec} \frac{DM}{MC} = \frac{AD}{AC} = \frac{1}{2}</math></p>	1p 1p 1p
6.	<p><b>a)</b> <math>BQ</math> este diametru, deci <math>BQ = 8\sqrt{3}cm</math> și <math>m(\widehat{BAQ}) = 90^\circ</math> triunghiul <math>ABC</math> este echilateral, deci <math>AB = OA \sqrt{3} = 12cm</math>, deci <math>AQ = \sqrt{BQ^2 - AB^2} = 4\sqrt{3}cm</math></p>	1p 1p
	<p><b>b)</b> <math>m(\sphericalangle BAO) = 30^\circ</math> si <math>OA \perp AM</math>, deci <math>m(\sphericalangle BAM) = 120^\circ</math> si, cum <math>m(\sphericalangle ABO) = 30^\circ</math>, obținem <math>m(\sphericalangle AMB) = 30^\circ</math>, de unde rezultă triunghiul <math>ABM</math> isoscel <math>OA \perp AM</math> si <math>AO \perp BC</math> rezultă <math>AM \parallel BC</math> și, cum <math>AM = AB = BC</math>, obținem că <math>ABCM</math> este romb</p>	1p 1p 1p

**CONCURSUL JUDEȚEAN „MATEMATICA - REGINA ȘTIINȚELOR”**

**EDIȚIA 2025**

**CLASA a VIII-a**

**Varianta 1**

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

- Se acordă zece puncte din oficiu.

**SUBIECTUL I ȘI SUBIECTUL al II-lea:**

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

**SUBIECTUL al III-lea:**

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

**SUBIECTUL I**

**(30 de puncte)**

1.	d)	5p
2.	d)	5p
3.	a)	5p
4.	a)	5p
5.	c)	5p
6.	a)	5p

**SUBIECTUL al II-lea**

**(30 de puncte)**

1.	c)	5p
2.	b)	5p
3.	d)	5p
4.	c)	5p
5.	c)	5p
6.	a)	5p

**SUBIECTUL al III-lea**

**(30 de puncte)**

1.	a) $\frac{a+b}{2} = \frac{140}{100} \cdot (a-b)$	1p
	$p = \frac{250}{7}$	1p
	b) $\frac{a-b}{a+b} = \frac{5}{14}; \quad a = 19k \quad b = 9k$	1p
	$a - b = \frac{2}{3} \cdot b + 12$	1p
	$k = 3; \quad a = 57; \quad b = 27$	1p
2.	a) $a = \frac{1}{1} - \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{3}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{2024}} - \frac{1}{\sqrt{2025}}$	1p
	$a = \frac{44}{45} \in \mathbb{Q}$	1p
	b) $\frac{n-44}{45}$ pătrat perfect	1p
	$n \in \mathbb{N}; \quad n = 11 \cdot 4 \cdot 45 \cdot k^2$	1p
	$n \text{ minim} \Rightarrow n = 11 \cdot 45 = 495$	1p
3.	a) $BB' \perp AC, B' \in AC. \quad AB' = 9 \text{ u. m.}; \quad BB' = 3 \text{ u. m.}$	1p

	$tg \sphericalangle BAO = \frac{1}{3}$	1p
	<b>b)</b> $\Delta ABC$ dreptunghic în $\hat{A}$ ; $BB'$ înălțime <i>T.h.</i> $\Rightarrow BB'^2 = AB' \cdot B'C \Rightarrow 9 = 9 \cdot B'C \Rightarrow B'C = 1$ $y_C = -4$ ; $C(0, -4) \in oy$	1p 1p 1p
4.	<b>a)</b> $AM = 3\sqrt{3} \text{ cm}$ ; $CM = 6 \text{ cm}$ ; $BM = 3\sqrt{6} \text{ cm}$ <i>R.T.Pitagora</i> $\xrightarrow{\hspace{1cm}} \sphericalangle AMB = 90^\circ$	1p 1p
	<b>b)</b> $\left. \begin{array}{l} ABCD \text{ drept.} \\ AC \cap BD = \{O\} \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} O \text{ mij. } [AC] \\ O \text{ mij. } [BD] \end{array} \right\} \Rightarrow$ $DMBN$ paralelogram $O \text{ mij } [MN] \Rightarrow AC \cap BD \cap MN = \{O\}$	1p 1p 1p
5.	<b>a)</b> $BC$ mediatoarea $[AM] \Rightarrow \begin{cases} BM = 10 \text{ cm} \\ MC = 12 \text{ cm} \end{cases}$ $P_{BMC} = 38 \text{ cm}$	1p 1p
	<b>b)</b> $P$ ortocentrul triunghiului $AMC$ $MP \perp AC$	2p 1p
6.	<b>a)</b> $\sphericalangle (AC', (ABC)) = \sphericalangle (AC', AC) = \sphericalangle C'AC$ $AC = 2a$ $\Delta ACC' \text{ dr. is.} \mid \Rightarrow \sphericalangle C'AC = 45^\circ$	1p 1p
	<b>b)</b> $OM$ linie mijlocie în triunghiul $C'BC \Rightarrow OM \parallel BC \parallel AD$ $(\exists!) \alpha = (OM, AD)$ $A, M \in \alpha \Rightarrow AM \subset \alpha$ $D, O \in \alpha \Rightarrow DO \subset \alpha \mid \Rightarrow AM, OD \text{ coplanare}$	1p 1p 1p